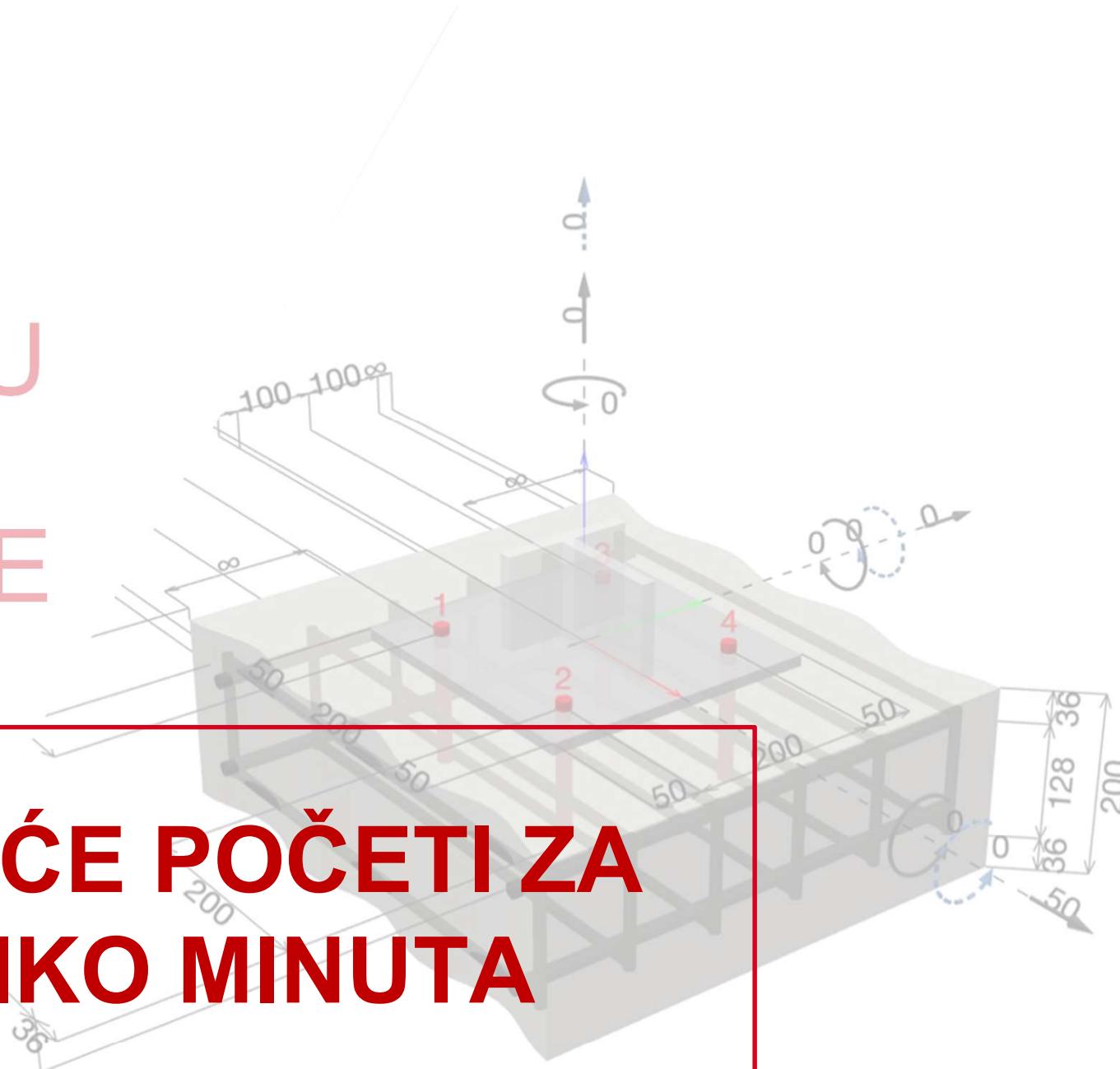




PRORAČUNAJTE
ANKERE UZIMAJUĆI U
OBZIR UTICAJ
DODATNE ARMATURE
U BET. ELEMENTU

**WEBINAR ĆE POČETI ZA
NEKOLIKO MINUTA**

Hilti Srbija





PRORAČUNAJTE
ANKERE UZIMAJUĆI U
OBZIR UTICAJ
DODATNE ARMATURE
U BET. ELEMENTU

Hilti Srbija

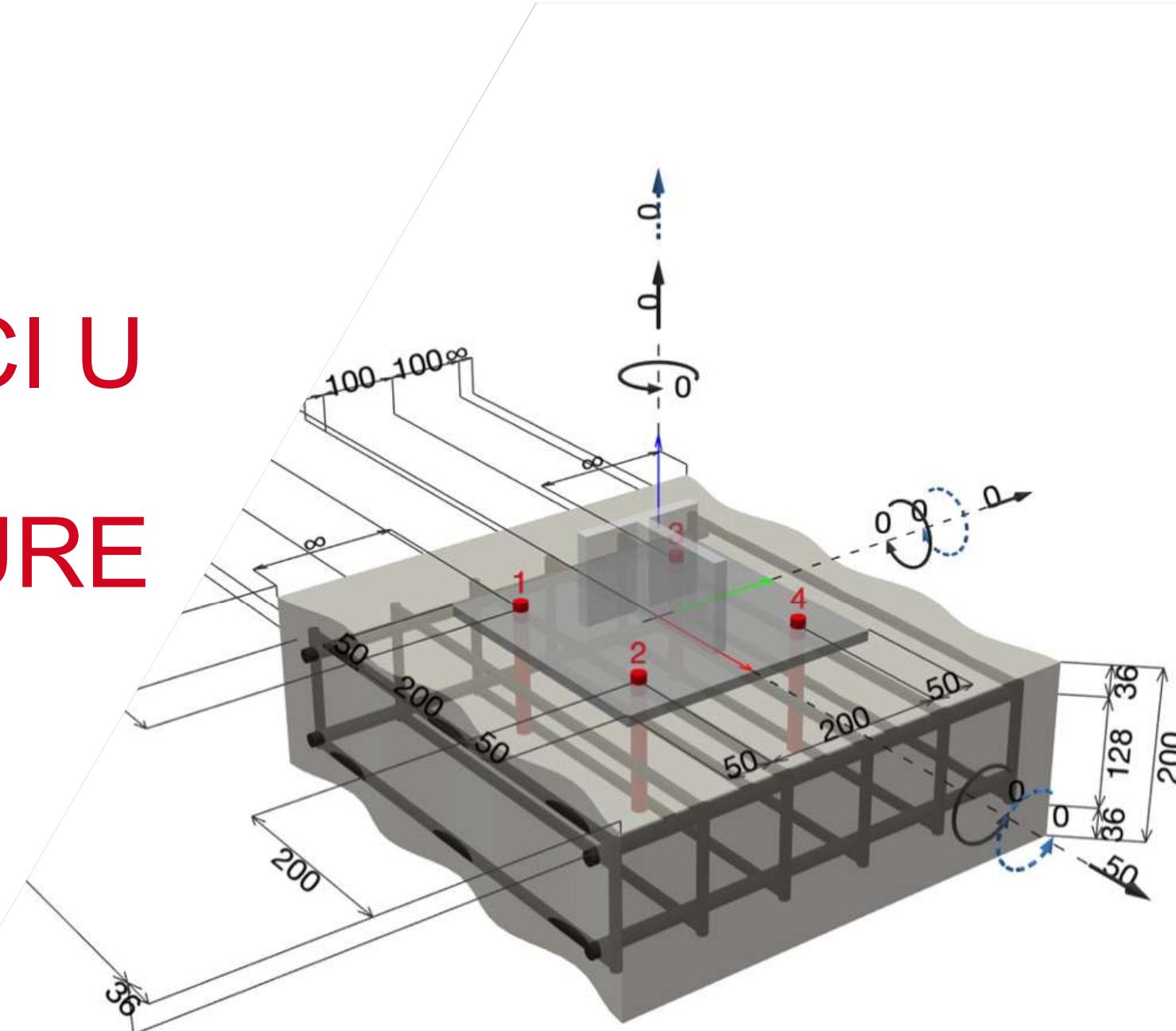
**WEBINAR ĆE POČETI ZA 5
MINUTA**





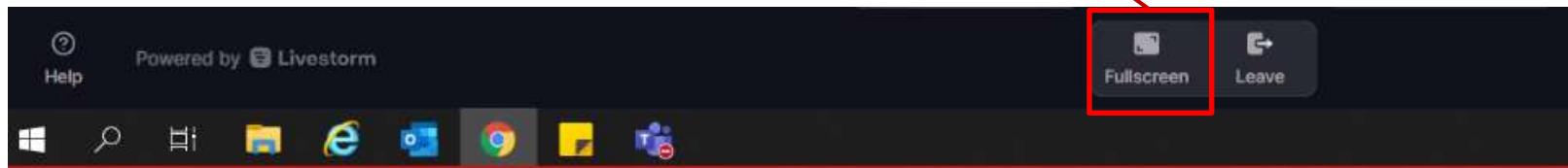
PRORAČUNAJTE
ANKERE UZIMAJUĆI U
OBZIR UTICAJ
DODATNE ARMATURE
U BET. ELEMENTU

Hilti Srbija



LIVESTORM PLATFORMA

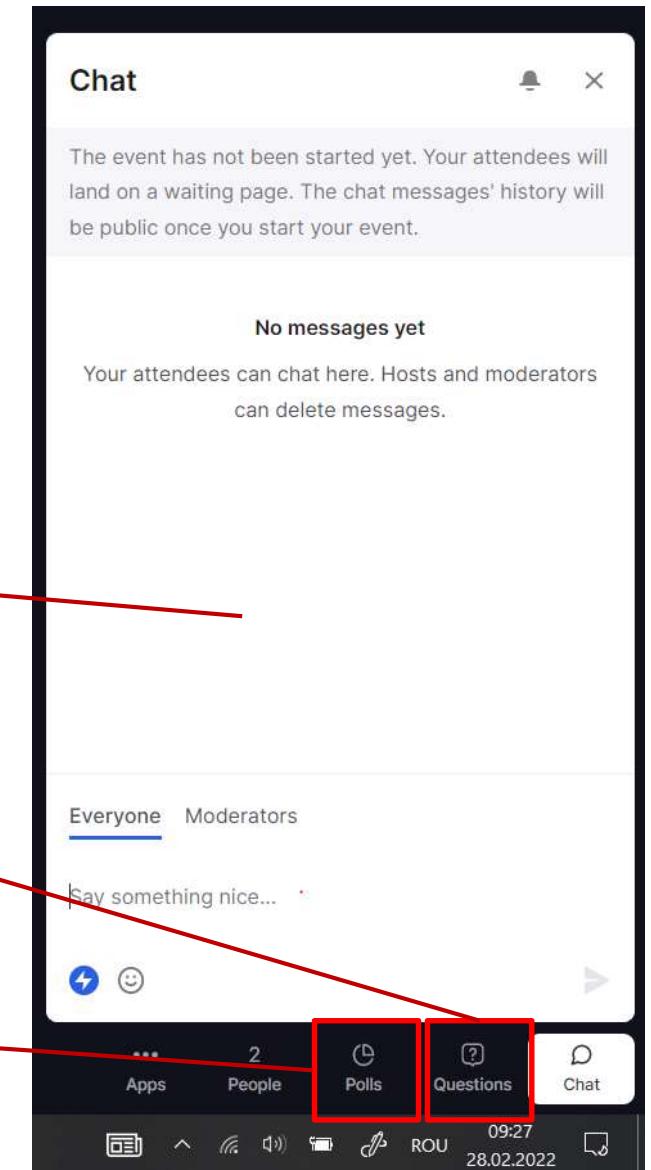
Podešavanja ekrana



Čet i pitanja

Pitanja

Ankete



DANAŠNJI PREZENTERI



Marija Radosavljević
Field Engineer



Bojan Ristanović
Field Engineer



Luka Bogdanović
Product Manager

AGENDA

Uvod

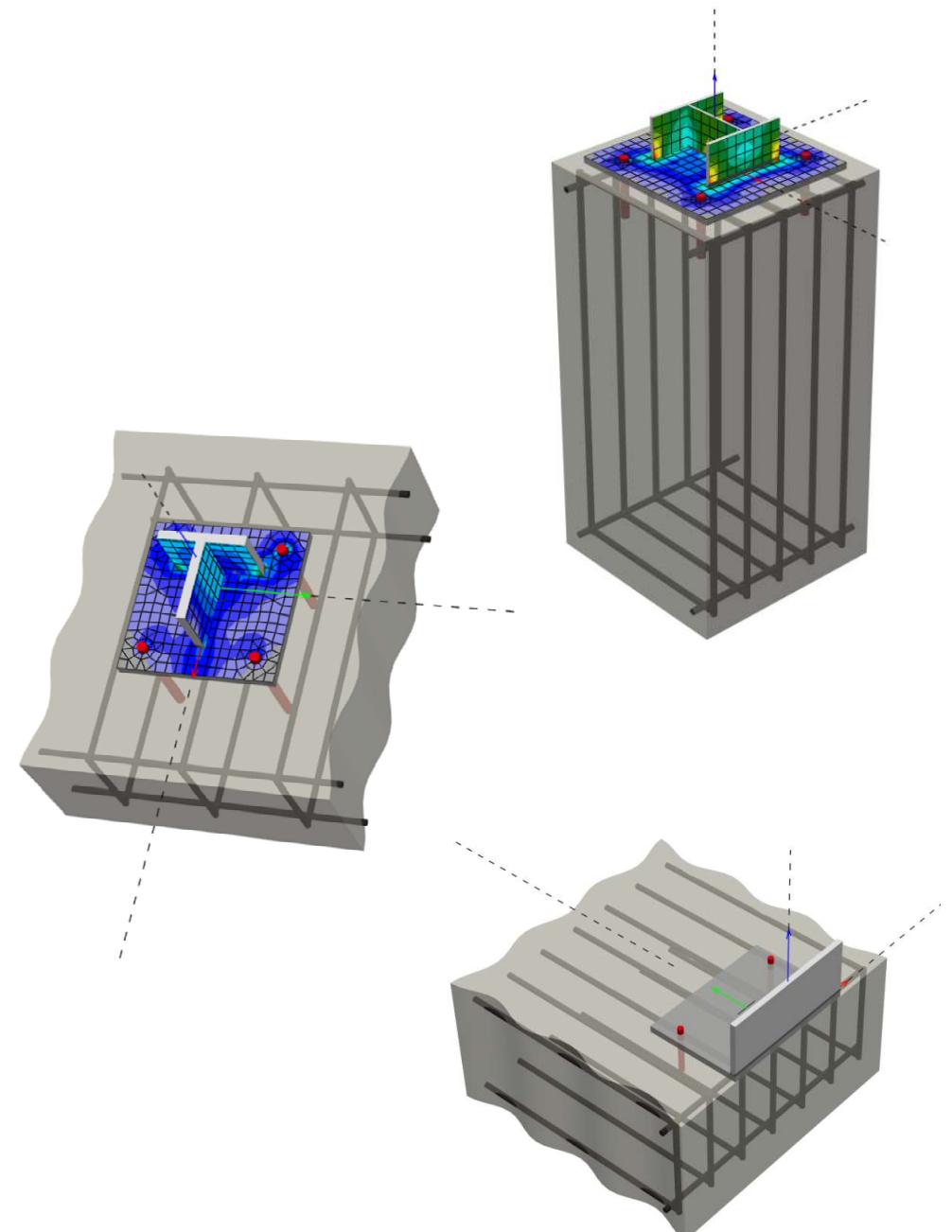
Eurocode 2-4/2019 regulativa

Osnovni principi proračuna

Koraci proračuna

Primeri

Vaša pitanja



AGENDA

Uvod

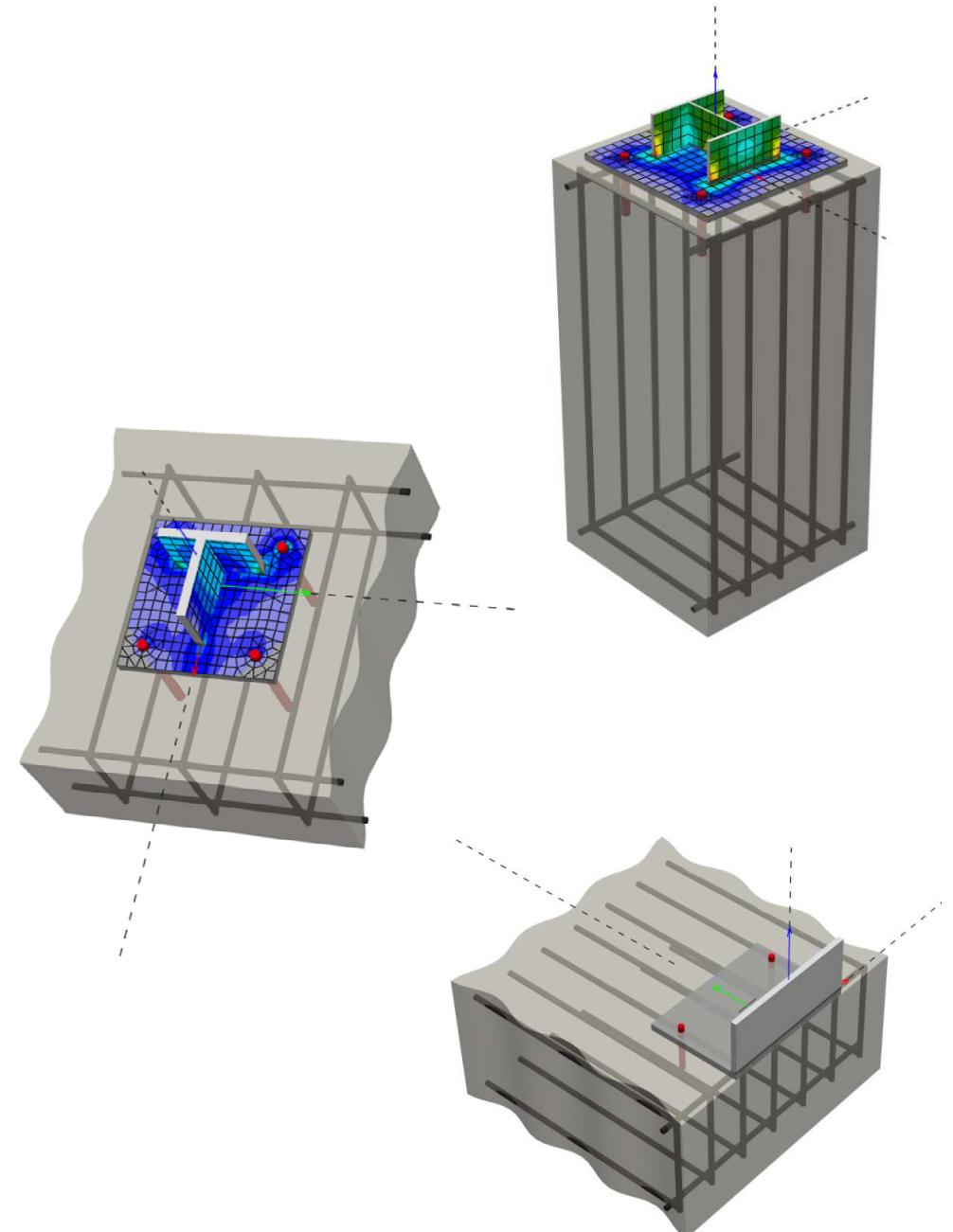
Eurocode 2-4/2019 regulativa

Osnovni principi proračuna

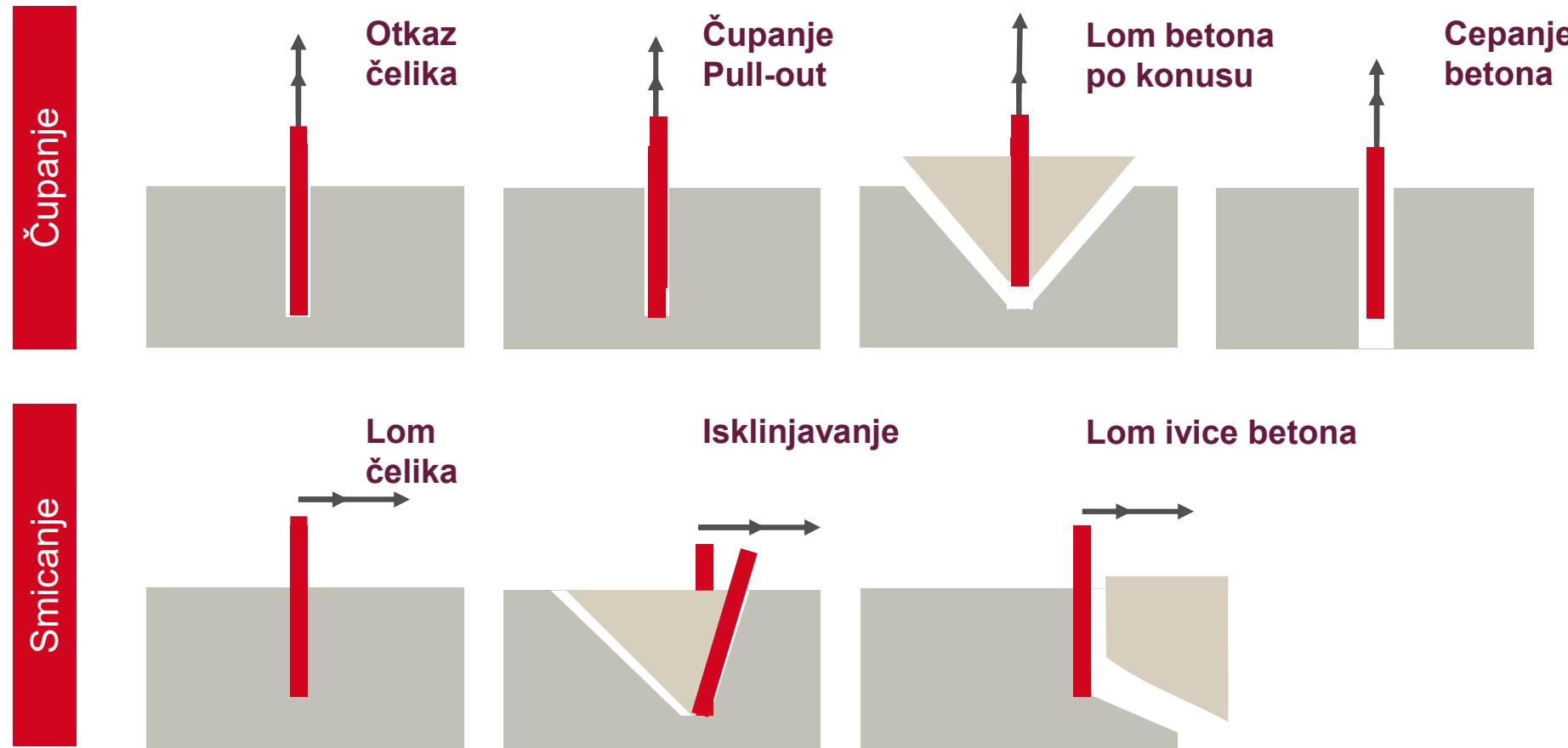
Koraci proračuna

Primeri

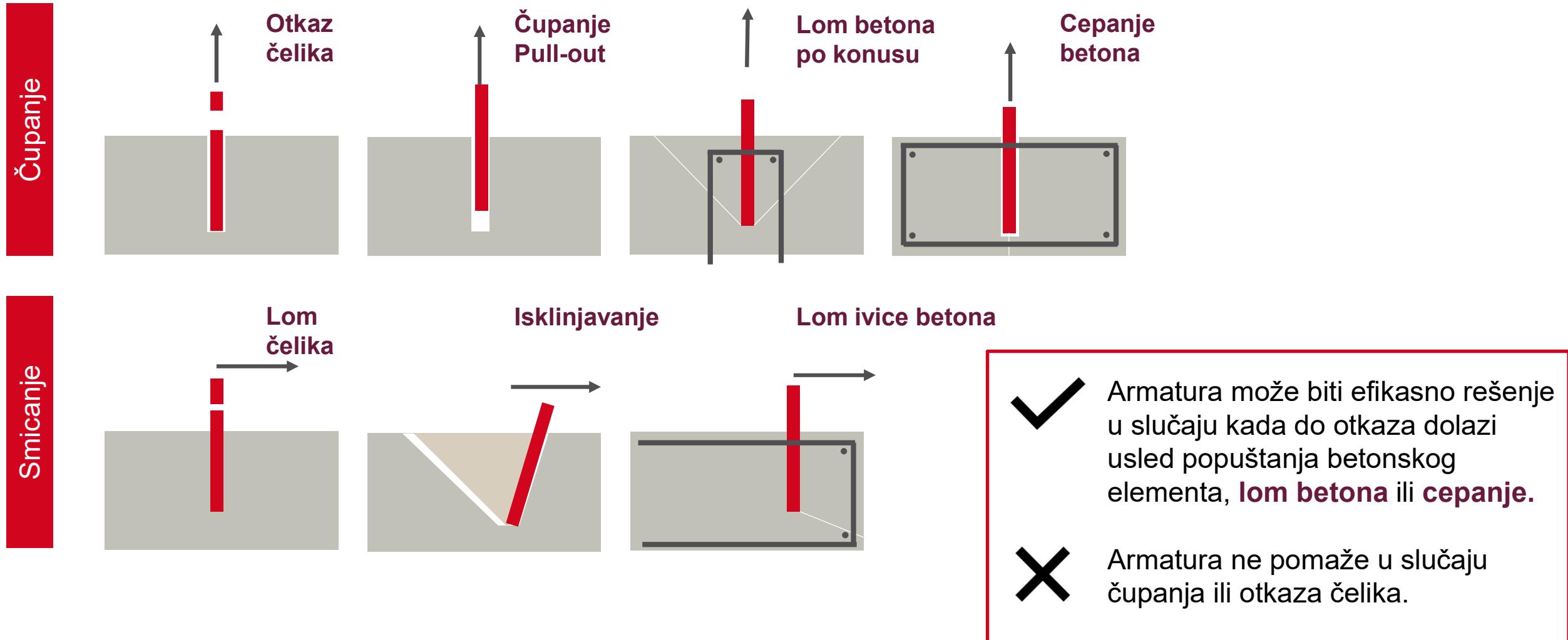
Vaša pitanja



OTKAZ ANKERA SE MOŽE DESITI USLED UTICAJA SILA ČUPANJA I SILA SMICANJA



OTKAZ ANKERA SE MOŽE DESITI USLED UTICAJA SILA ČUPANJA I SILA SMICANJA



ANKETA 1:

NA KOJE SLUČAJEVE NAJČEŠĆE NAILAZITE U PRAKSI?

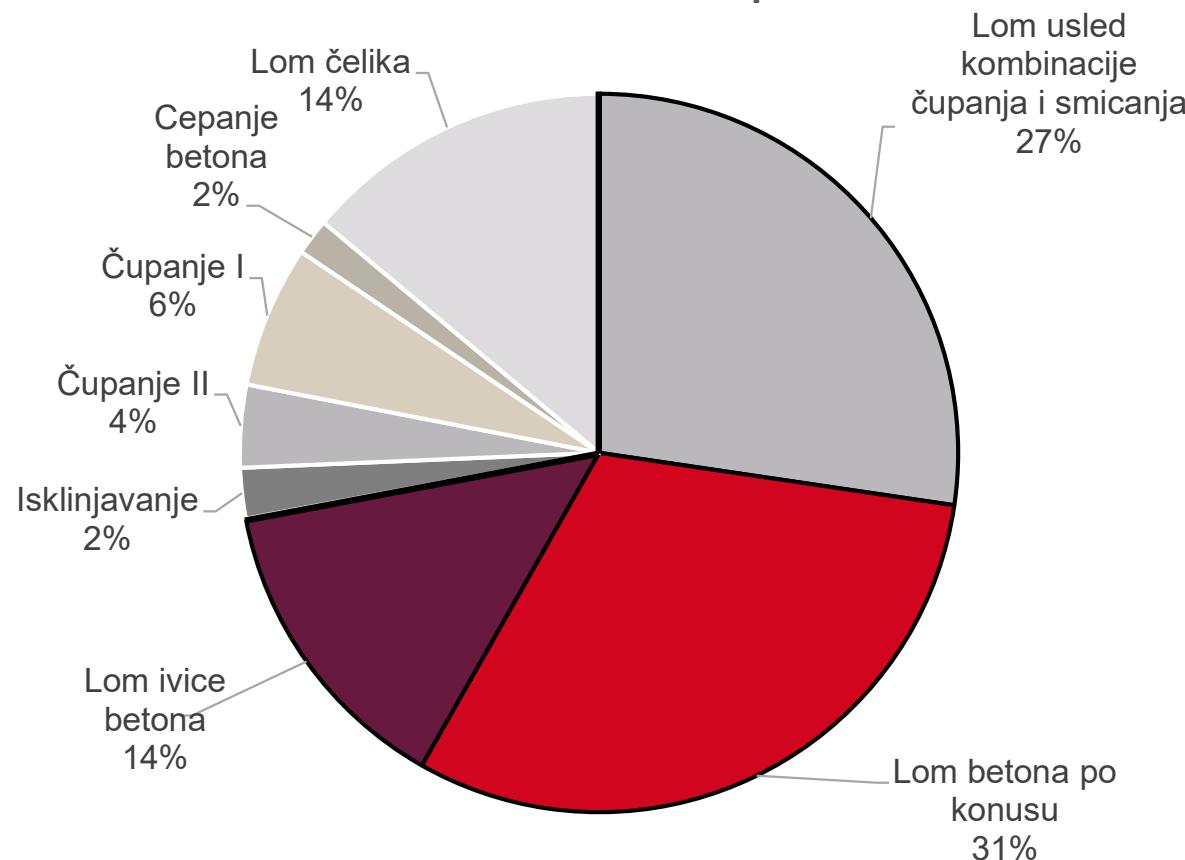
Lom betona po konusu

Lom ivice betona

Lom čelika

U VELIKOM BROJU SLUČAJEVA PRORAČUNA ANKERA UTICAJ DODATNE ARMATURE BI MOGAO DA BUDE OD KORISTI

Odlučujući faktori otkaza veze, prema Evrokodu 2-4,
na uzorku od 1.000 Hilti primera



U oko 70% slučajeva do otkaza veze dolazi usled loma betona (provera prema EN 1992-4):

- Lom ivice betona (smicanje)
- Lom betona po konusu (čupanje)
- Lom betona usled kombinovanog delovanja sila čupanja i smicanja

OTKAZ BETONA KADA SE DODATNA ARMATURA NE UZIMA U OBZIR

Otkaz betona – zatezanje / čupanja



$$N_{Rk,c} = N_{Rk,c}^0 \cdot \frac{A_{c,N}}{A_{c,N}^0} \cdot \psi_{s,N} \cdot \psi_{re,N} \cdot \psi_{ec,N} \cdot \psi_{M,N}$$
$$N_{Rk,c}^0 = k_1 \cdot \sqrt{f_{ck}} \cdot h_{ef}^{1,5}$$

Glavni faktori: površina pod uticajem, dubina ankerisanja, međusobni razmak ankera, kvalitet betona

Otkaz betona - smicanja



$$V_{Rk,c} = V_{Rk,c}^0 \cdot \frac{A_{c,V}}{A_{c,V}^0} \cdot \psi_{s,V} \cdot \psi_{h,V} \cdot \psi_{ec,V} \cdot \psi_{\alpha,V} \cdot \psi_{re,V}$$
$$V_{Rk,c}^0 = k_9 \cdot d_{nom}^\alpha \cdot l_f^\beta \cdot \sqrt{f_{ck}} \cdot c_1^{1,5}$$

Glavni faktori: površina pod uticajem, razmak od ivice, međusobni razmak ankera, kvalitet betona

AGENDA

Uvod

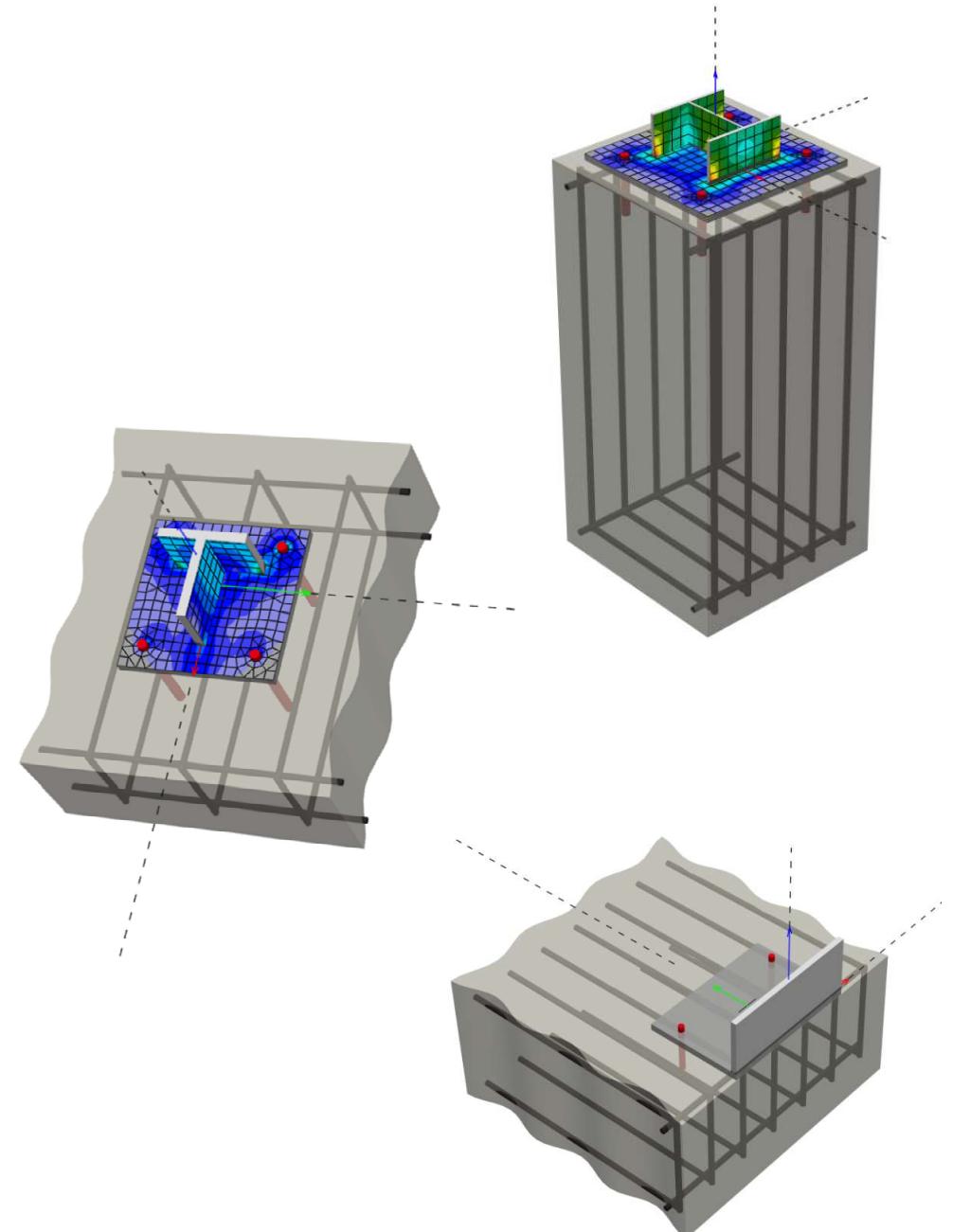
Eurocode 2-4/2019 regulativa

Osnovni principi proračuna

Koraci proračuna

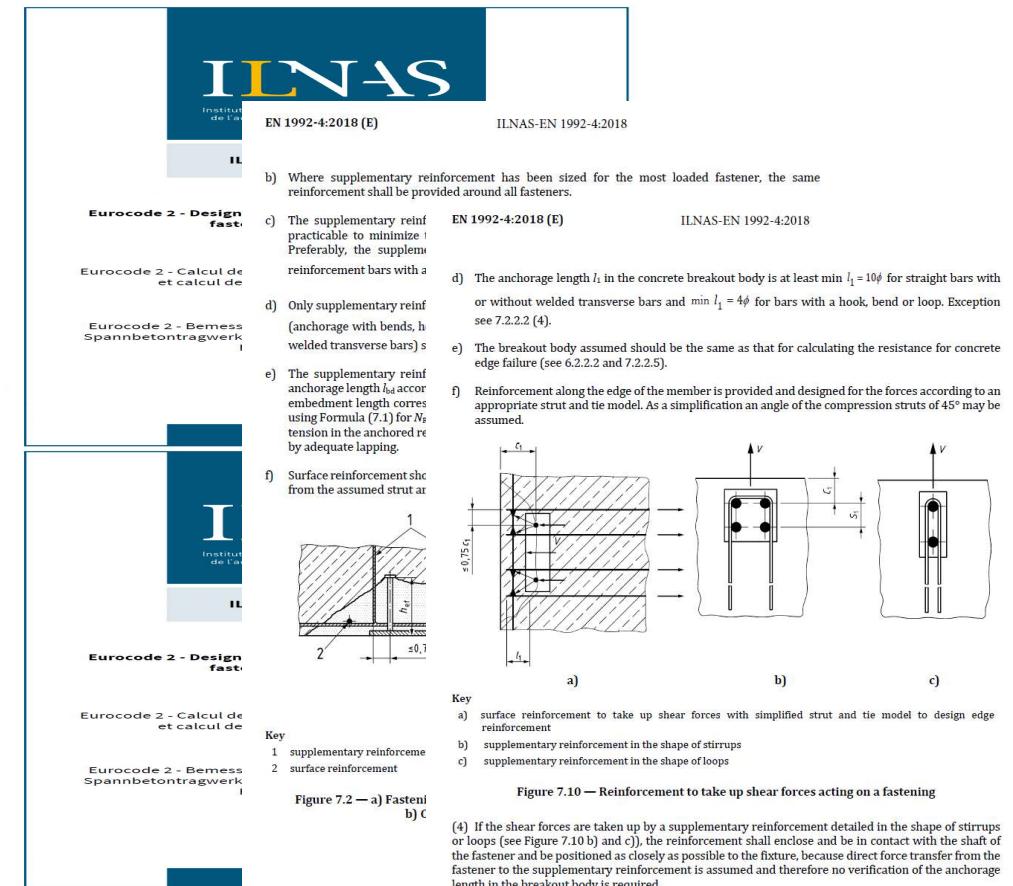
Primeri

Vaša pitanja



NOVI EVROKOD 2-4 DOZVOLJAVA UZIMANJE U OBZIR UTICAJA DODATNE ARMATURE NA NOSIVOST NAKNADNO UGRAĐENIH ANKERA

- Armatura ima uticaja na otkaze ankera koji su povezani sa nosivošću betona.
- Evrokod 2-4 daje upute kako dizajnirati dodatnu armaturu u cilju sprečavanja pucanje/otkaz betona (usled dejstva sila čupanja i sila smicanja).
- Proračun ankera uz uticaj dodatne armature zahteva poznavanje **položaja armature unutar betonskog elementa**.
- Evrokodom 2-4 je obuhvaćena dodatna armatura za **statička** i za **seizmička** dejstva.

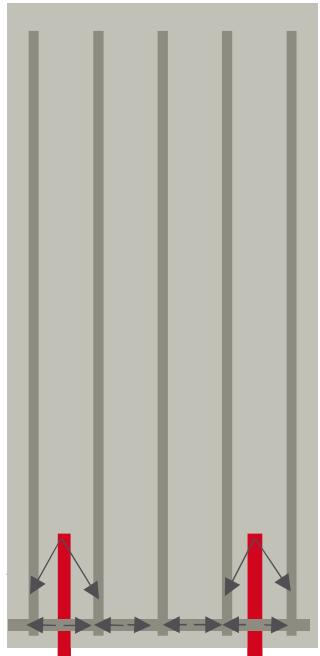


ŠTA JE DODATNA ARMATURA?

Sila čupanja

Lom po konusu

Greda – poprečni presek

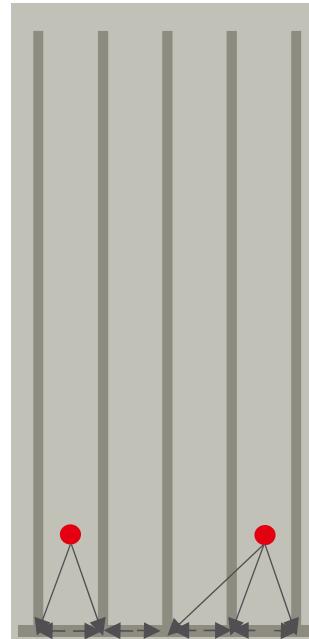


N

Sila smicanja

Lom ivice

Ploča - pogled odozgo



V

1 Lom betona

Bez pomoći dodatne armature, nosivost je određena nosivošću samog betona, kada dolazi do loma betona po konusu ili loma ivice.

2 Dodatna armatura

Dodatna armatura je armatura unutar betonskog elementa, koja preuzima sile nakon pucanja betona.

Ova armatura se mora proračunati prema EN1992-4.

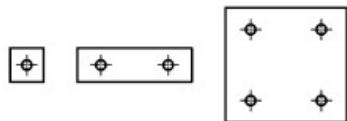
3 Postojeća armatura

Postojeća armatura, učestvuje u distribuciji napona. Nije neophodno znati tačan položaj šipki.

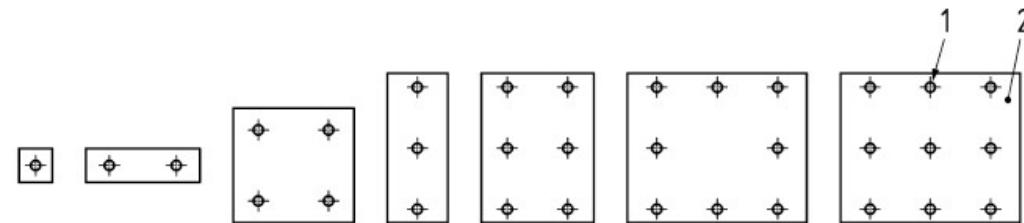
EVROKOD – VERIFIKACIJA ANKERA UZ UTICAJ DODATNE ARMATURE (STATIČKI I SEIZMIČKI UTICAJI)

Konfiguracije ankera za koje Evrokod 2-4 dozvoljava uzimanje uticaja dodatne armature na nosivost ankera

U blizini ivice



U blizini ivice uz popunjeni zazor između ankera i ank. ploče



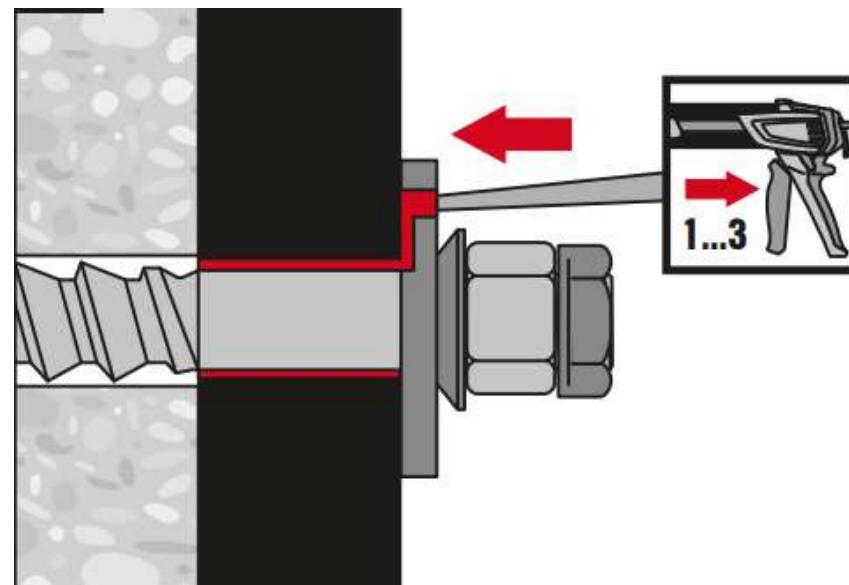
Ostalo – SOFA

Nije dozvoljeno uzimanje u obzir uticaja dodatne armature na nosivost.

POPUNJAVANJE ZAZORA IZMEĐU ANKERA I ANKERNE PLOČE



+



AGENDA

Uvod

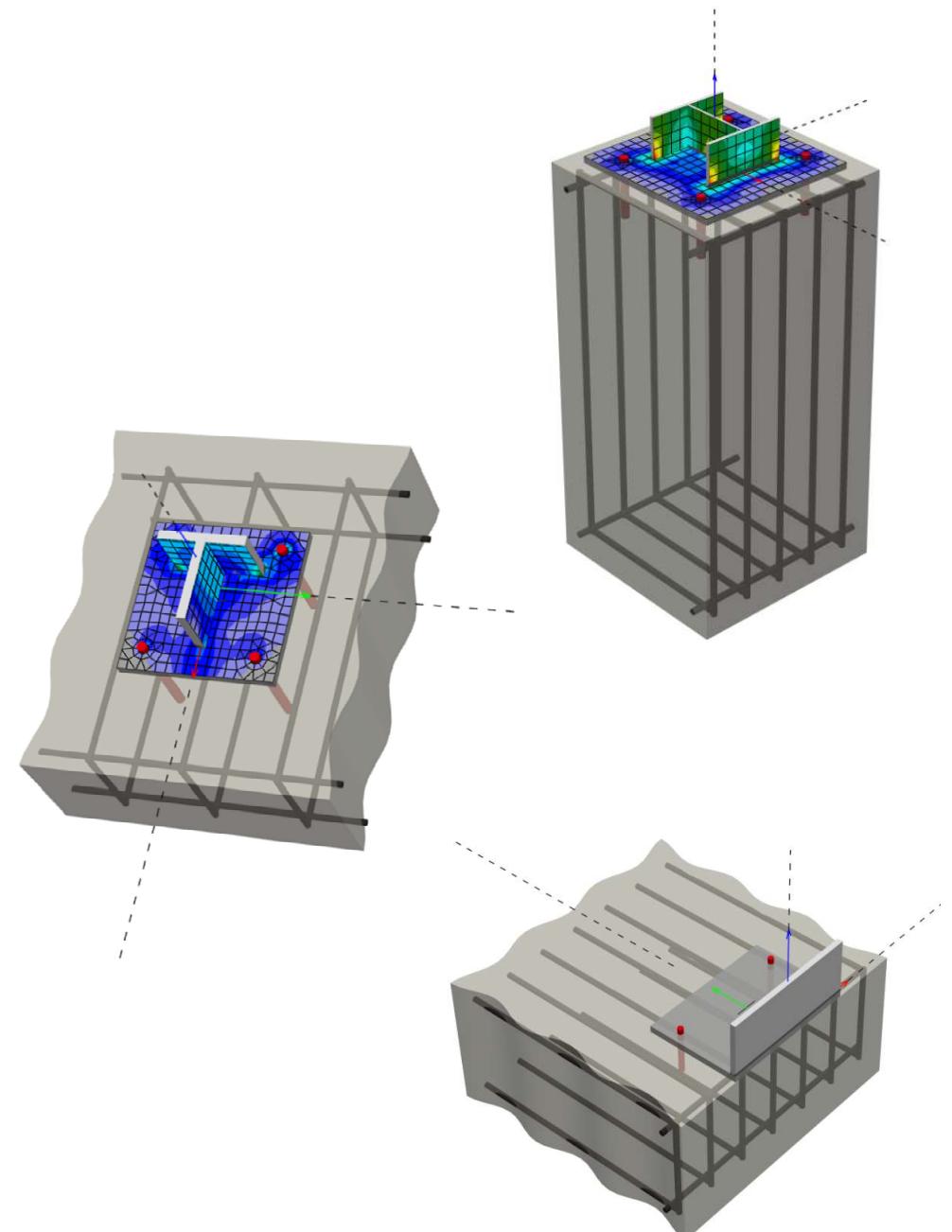
Eurocode 2-4/2019 regulativa

Osnovni principi proračuna

Koraci proračuna

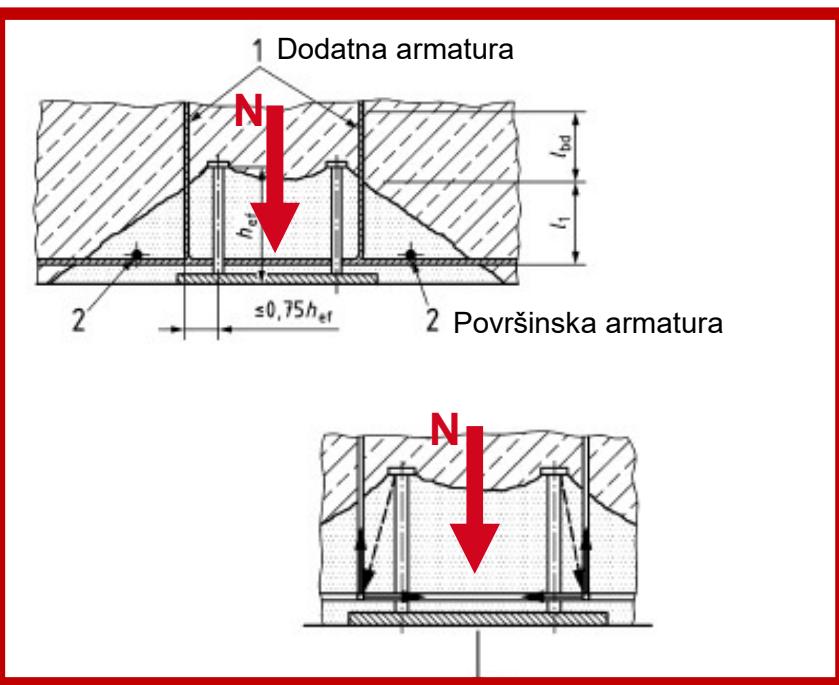
Primeri

Vaša pitanja



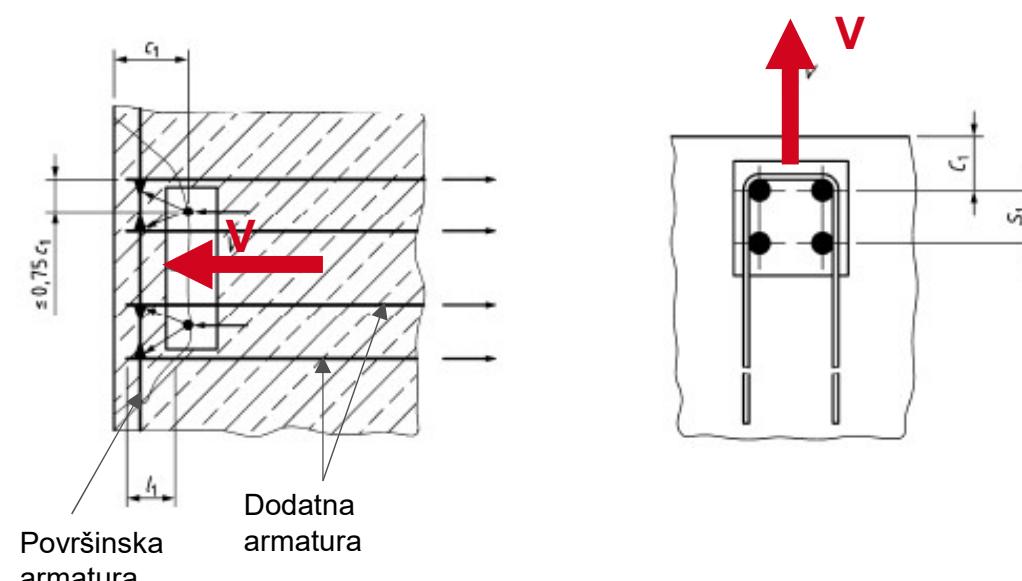
EVROKOD 2-4 DAJE NEKOLIKO OPCIJA ZA UZIMANJE DODATNE ARMATURE U OBZIR

Dodatna armatura za čupanje



Fokus ove
prezentacije

Dodatna armatura za smicanje

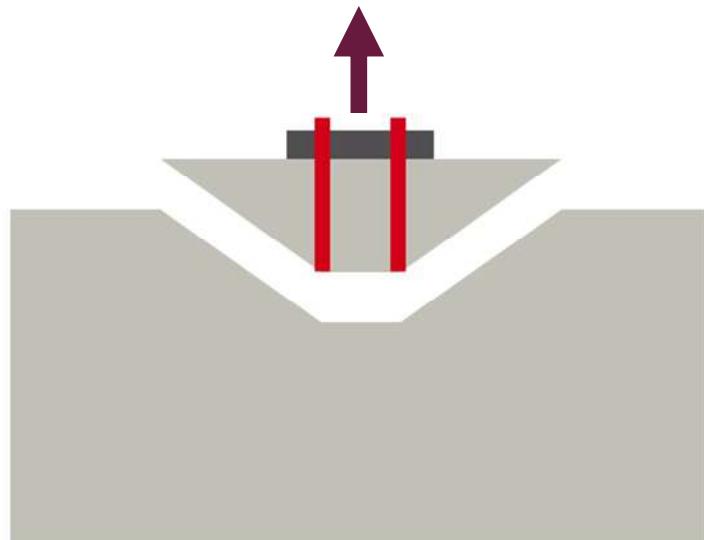


Takođe dostupno u Profis
Engineering-u

EN1992-4: dodatna armatura koja se razmatra je prečnika od **6mm** do **16mm**, $f_{yk} \leq 600N/mm^2$.

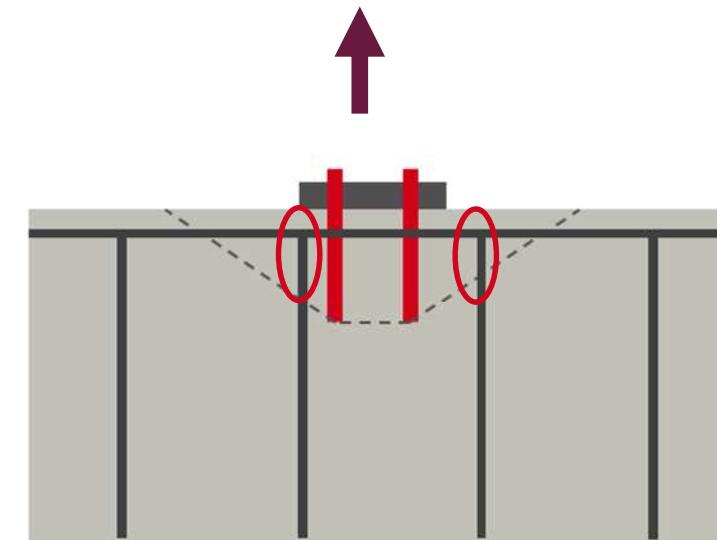
NEOPHODNE PROVERE ZA DODATNU ARMATURU – SLUČAJ ČUPANJA

Bez armature



- Provera loma betona je neophodna ✓

Dodatna armatura za čupanje



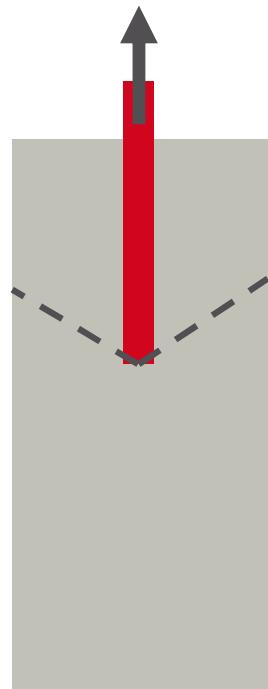
- Provera betona nije neophodna ✗
- Provera nosivosti armature je neophodna ✓
- Provera ankerisanja dodatne armature je neophodna ✓

Mora se obezbediti prenos sila iz dodatne armature na betonski element, prema EN 1992-1.

DODATNA ARMATURA ZA ČUPANJE JE NAROČITO ZNAČAJNA U TANKIM BETONSKIM ELEMENTIMA (MALO RASTOJANJE IVICA)

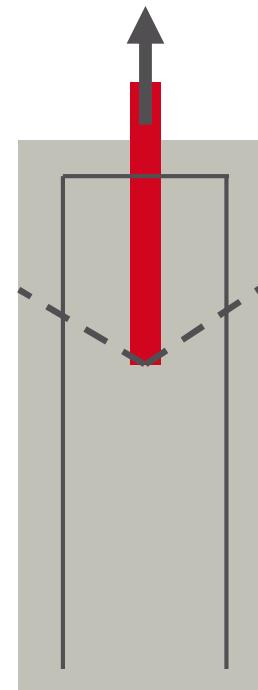
Rastojanje ivica << 1.5 h_{ef}

Bez armature



- Tipičan lom betonskog elementa

Dodatna armatura za čupanje

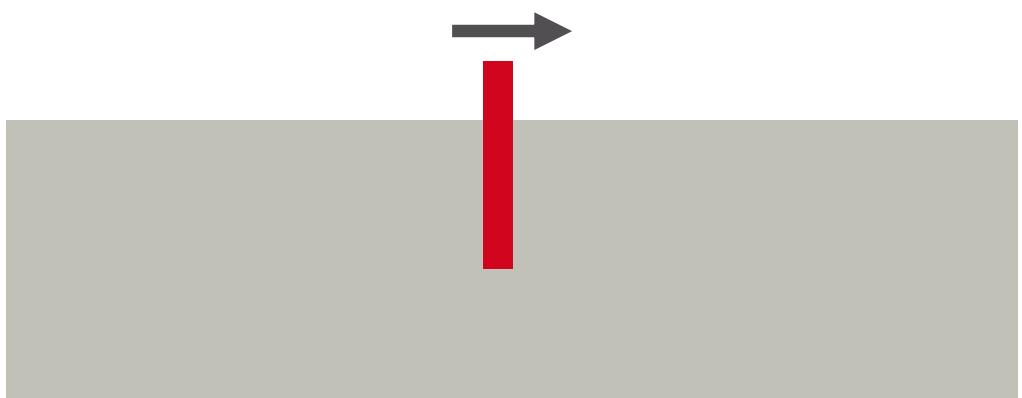


- Provera betonskog elementa nije izvršena
- Nosivost dodatne armature je ograničena nosivošću na čupanje i nosivošću veze armatura-beton

Dodatna armatura može povećati ukupnu nosivost.

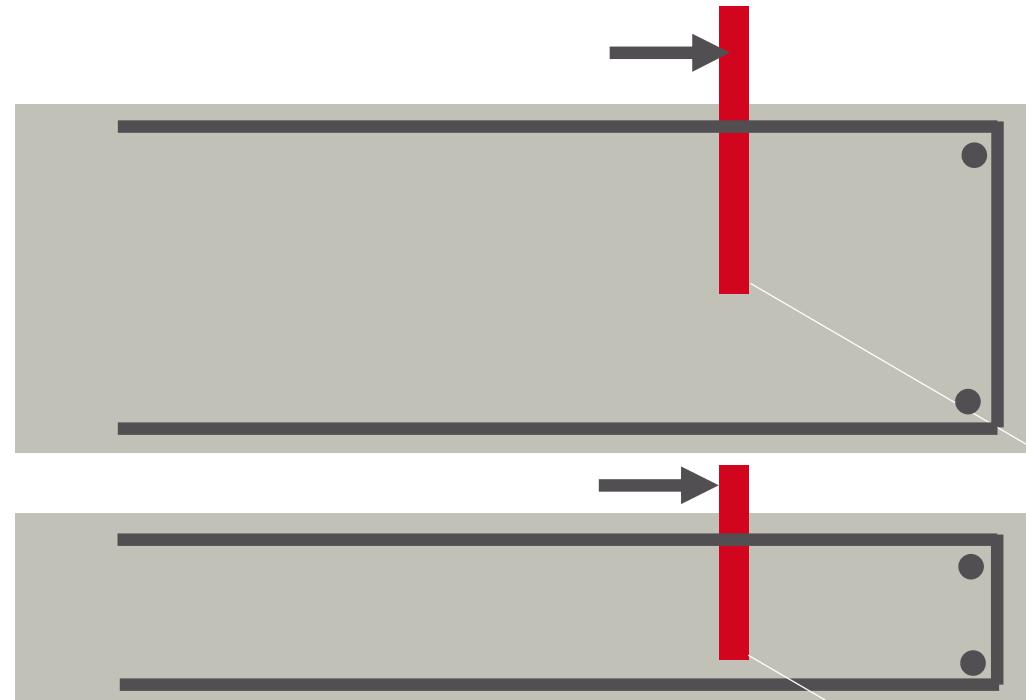
SMICANJE – DODATNA ARMATURA ZNAČAJNA KOD ANKERISANJA U BLIZINI IVICE

Udaljen od ivice



- Ne postoji rizik od loma ivice betona

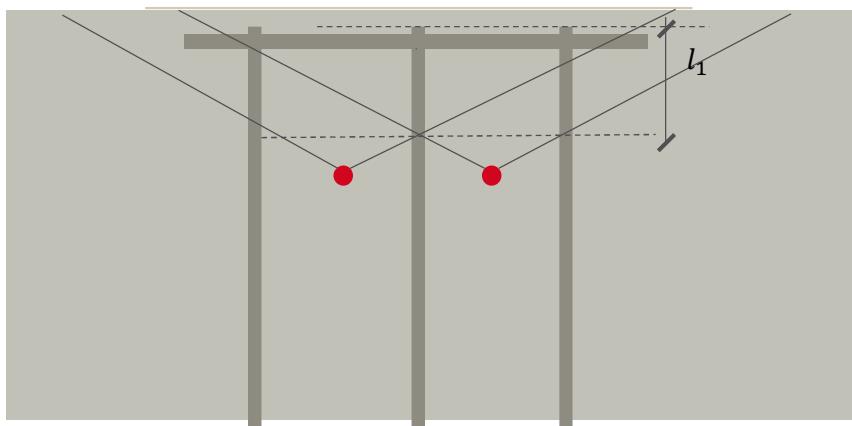
Blizu ivice i blizu ivice + tanak element



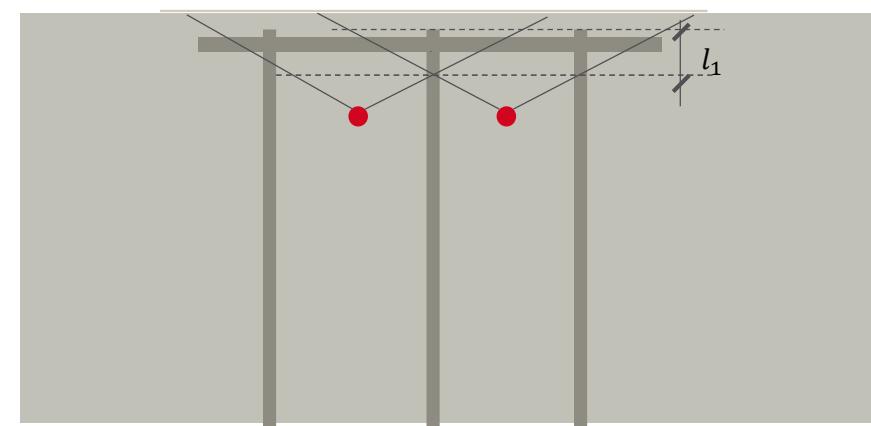
- Uglavnom postoji rizik od loma ivice betona
- Površina koja se odupire lomu je takođe manja kada je element tanji

ANKERI VRLO BLIZU IVICE – NEDOVOLJNA DUŽINA ANKERISANJA ARMATURE (L₁)

Blizu ivice



Vrlo blizu ivice



- Dužina armature u konusu po kom dolazi do loma betona, mora biti:

$l_1 \geq 4\phi$ Uzengije

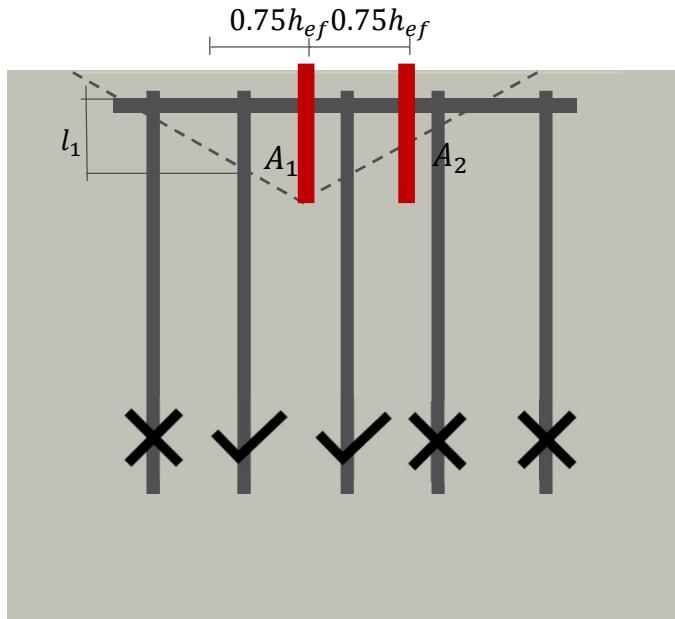
$l_1 \geq 10\phi$ Prave šipke

Prema EC2-4 & EC2-1-1, 7.2.2.2 (2) d.

- Kod ankerisanja vrlo blizu ivice betona do otkaza uglavnom dolazi zbog loma betona jer kod armature ne postoji potrebna dužina l_1

VAŽNO: ŠIPKE ARMATURE MORAJU BITI U BLIZINI ANKERA

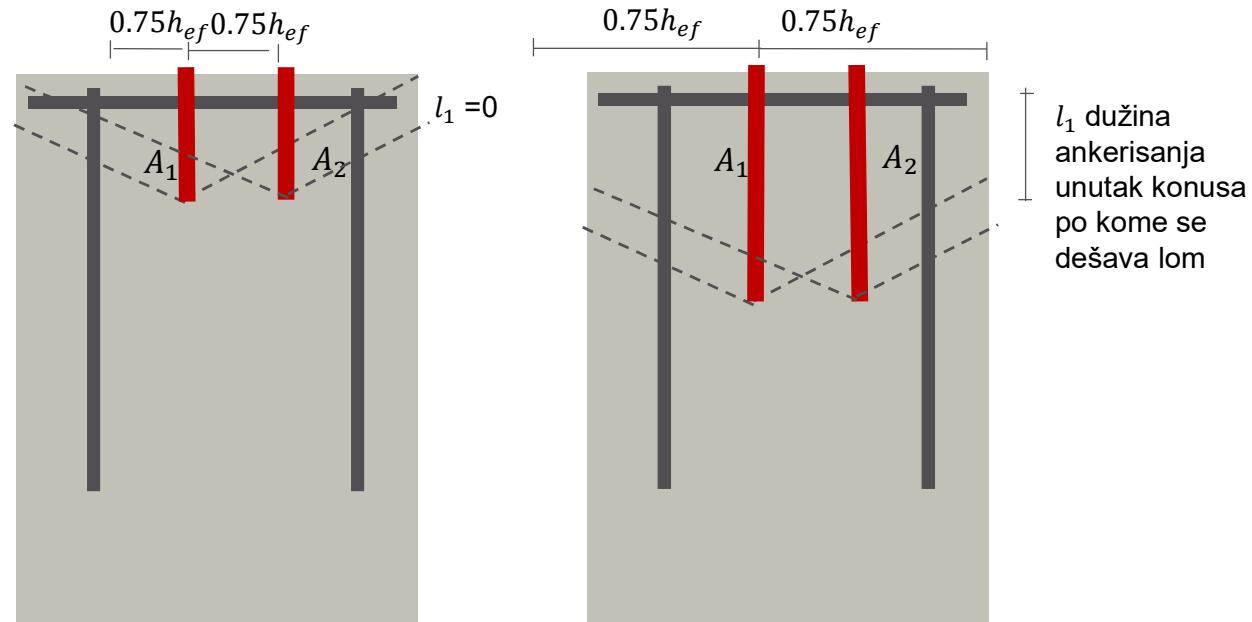
Armaturene šipke udaljene više od $0.75h_{ef}$ ne mogu se smatrati dodatnom armaturom



Zašto?

Armatura mora biti unutar konusa po kome se dešava lom.

Dodatna amratura je naročito pogodna kod hemijskih ankera sa velikom dubinom ankerisanja



$$N_{Rd,a} = \frac{l_1 \pi \emptyset f_{bd}}{\alpha_1 \alpha_2}$$

AGENDA

Uvod

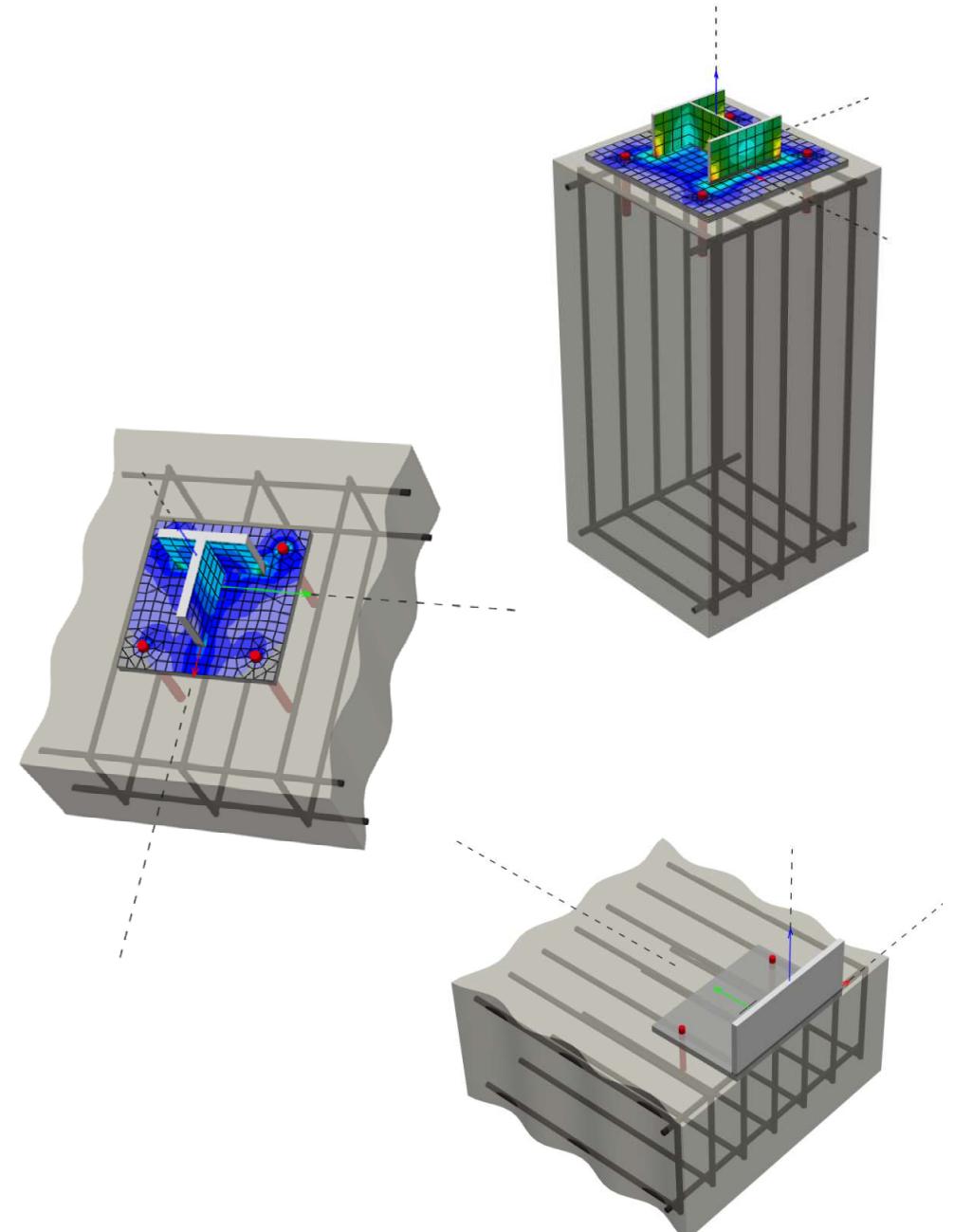
Eurocode 2-4/2019 regulativa

Osnovni principi proračuna

Koraci proračuna

Primeri

Vaša pitanja



ANKETA 2:

KOJI METOD PRORAČUNA
KORISTITE ZA ANKERE KOJI SE
NAKNADNO UGRAĐUJU?

Ručni proračun

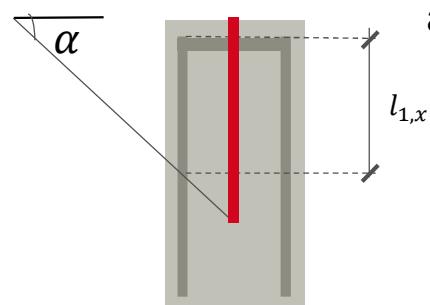
Excel fajl

Odgovarajući softver

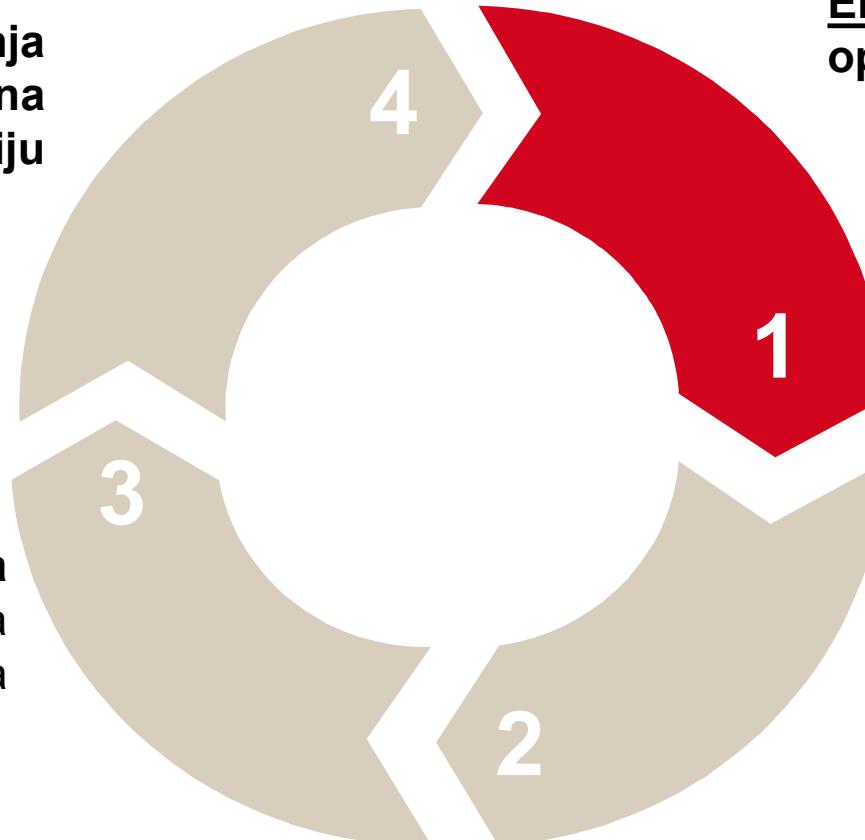
Profis engineering

PRORAČUN DODATNE ARMATURE – ZATEZANJE

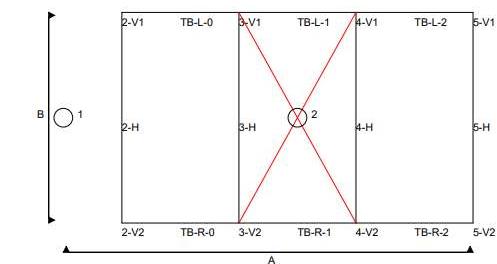
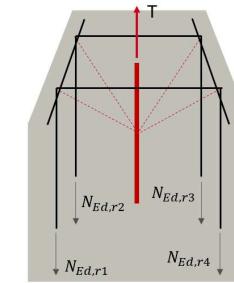
EN1992-1-1 prenos opterećenja
sa dodatne armature na
konstrukciju



EN1992-4 provera
armature: dužina
ankerisanja



EN1992-4 prenos
opterećenja na armaturu:

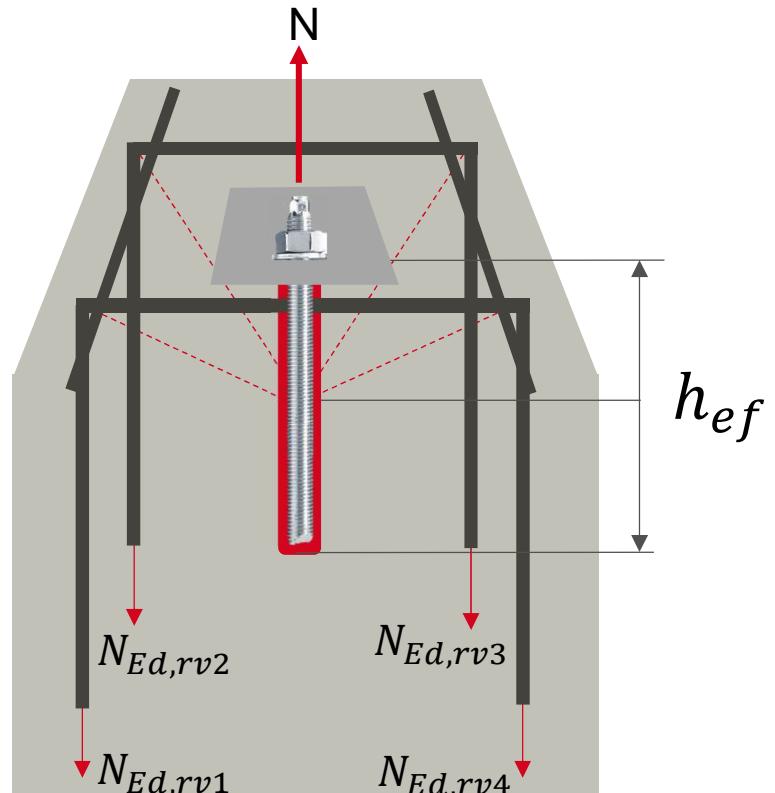


EN1992-4 provera
armature: presek

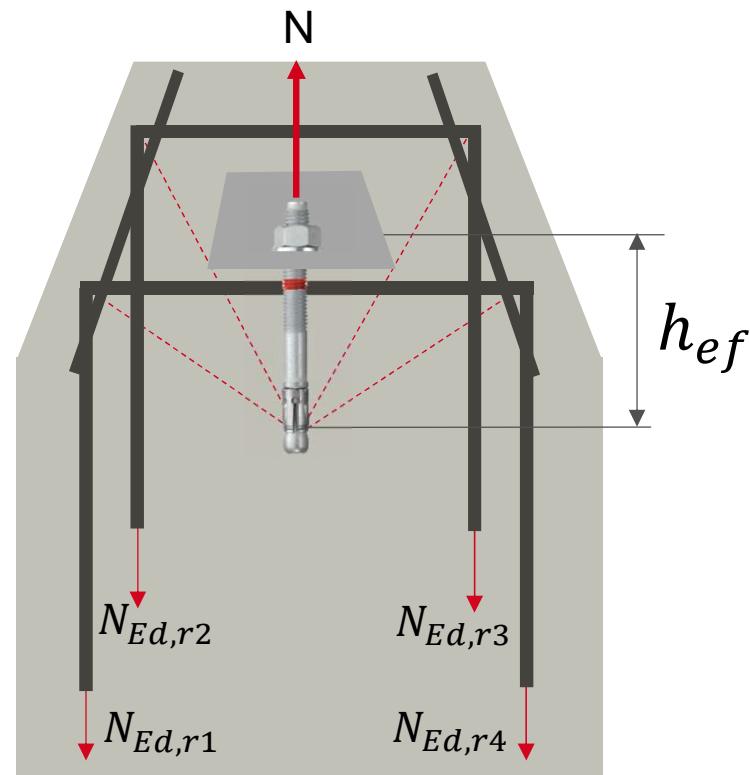
$$N_{Rk,re} = \sum_{i=1}^{n_{re}} A_{s,re,i} \cdot f_{yk,re}$$

1) UTICAJI KOJI SE PRENOSE NA ARMATURU

Hemijski ankeri



Mehanički ankeri



Korisno:

Hemijski ankeri: distribucija napona od $h_{ef}/2$

Mehanički ankeri: distribucija napona od h_{ef}

Pritisak - beton

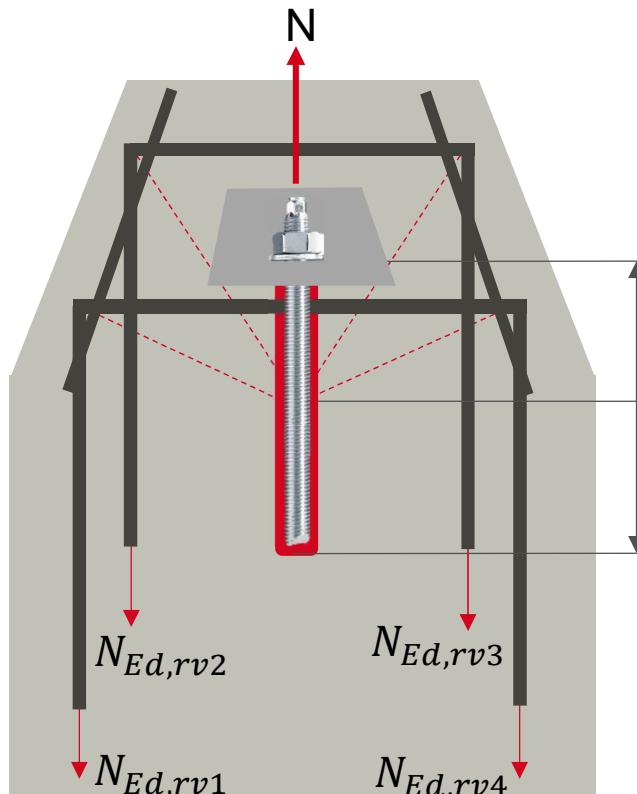
Zatezanje - armatura

Pritisak - beton

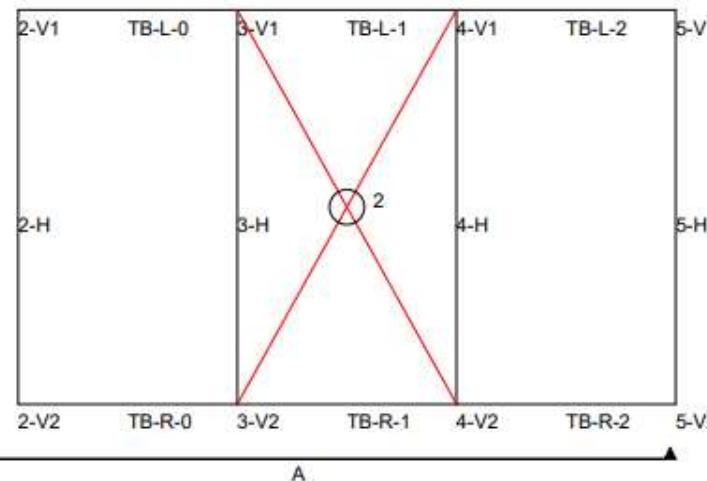
Zatezanje - armatura

1) UTICAJI KOJI SE PRENOSE NA ARMATURU

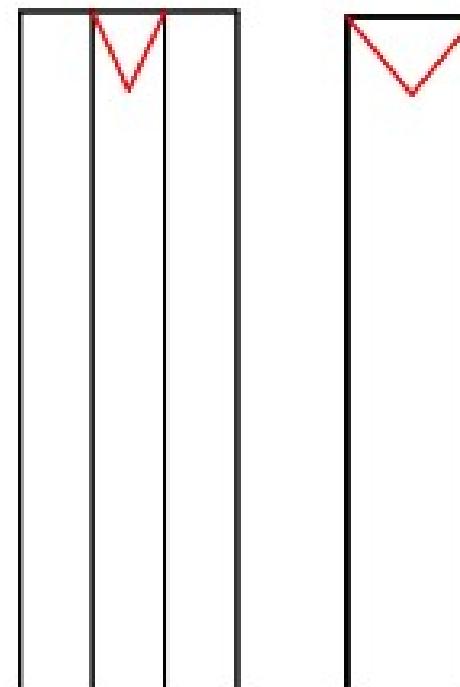
Model



Pogled odozgo



Pogled sa strane



Pritisak - beton

Zatezanje - armatura

$$N_{Ed,r1} = 10.7 \text{ kN}$$

$$N_{Ed,r2} = 10.7 \text{ kN}$$

$$N_{Ed,r3} = 10.7 \text{ kN}$$

$$N_{Ed,r4} = 10.7 \text{ kN}$$

$$N_{Ed,rh1} = 4.4 \text{ kN}$$

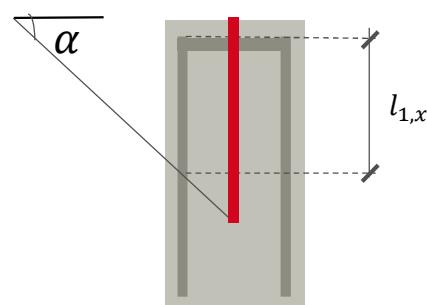
$$N_{Ed,h2} = 7.9 \text{ kN}$$

A

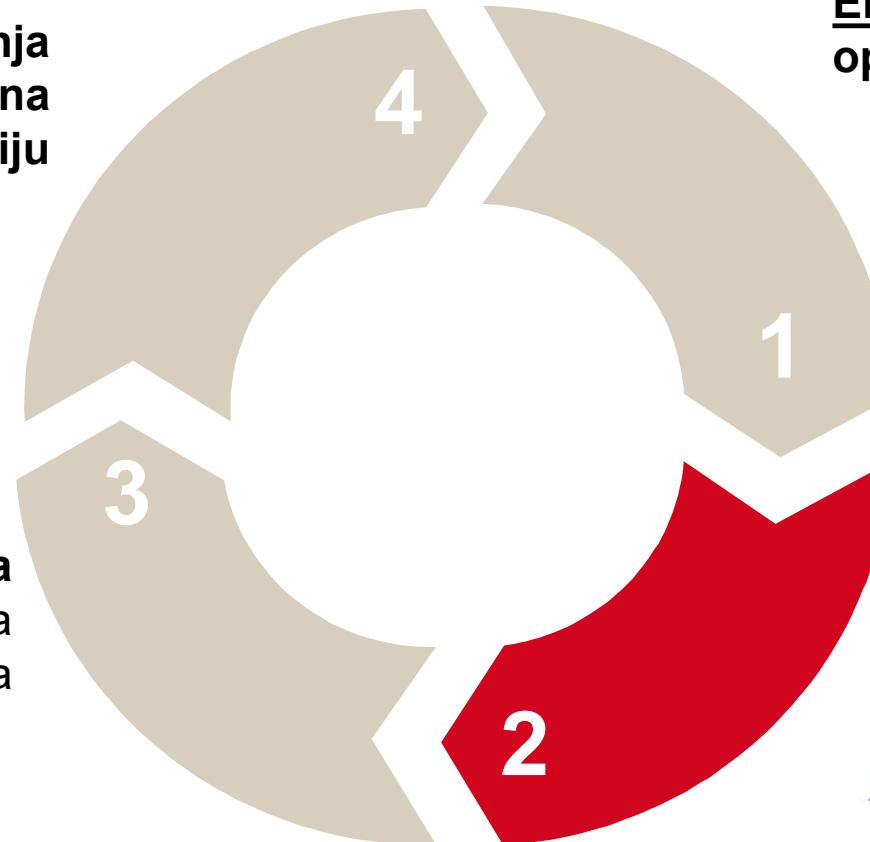
B

PRORAČUN DODATNE ARMATURE – ZATEZANJE

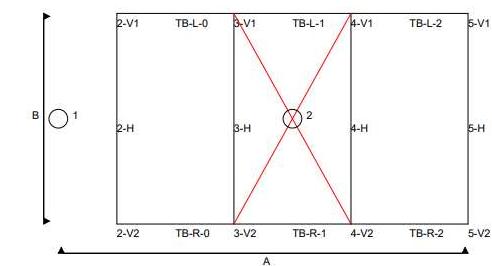
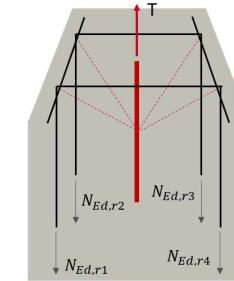
EN1992-1-1 prenos opterećenja
sa dodatne armature na
konstrukciju



EN1992-4 provera
armature: dužina
ankerisanja



EN1992-4 prenos
opterećenja na armaturu:



EN1992-4 provera
armature: presek

$$N_{Rk,re} = \sum_{i=1}^{n_{re}} A_{s,re,i} \cdot f_{yk,re}$$

2) NOSIVOST ARMATURE



Čvrstoća čelika dodatne armature

Armatura $\varnothing 10$ $f_{yk} = 500 \text{N/mm}^2$

$$N_{Rd,re} = 1 \cdot 79 \cdot 500 / 1.15 = 49.2 \text{kN} > N_{Rd,a,1} = 30.03 \text{kN}$$

Uzengije $\varnothing 10$ $f_{yk} = 500 \text{N/mm}^2$

$$N_{Ed,r1} = 10.7 \text{kN} \leq 30.03 \text{kN}$$

$$N_{Ed,r2} = 10.7 \text{kN} \leq 30.03 \text{kN}$$

$$N_{Ed,r3} = 10.7 \text{kN} \leq 30.03 \text{kN}$$

OK!

$$N_{Ed,r4} = 10.7 \text{kN} \leq 30.03 \text{kN}$$

$$N_{Ed,rh1} = 4.4 \text{kN} \leq 30.03 \text{kN}$$

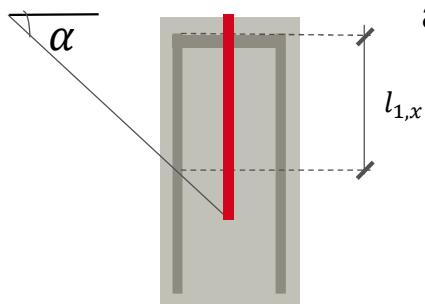
$$N_{Ed,h2} = 7.9 \text{kN} \leq 30.03 \text{kN}$$



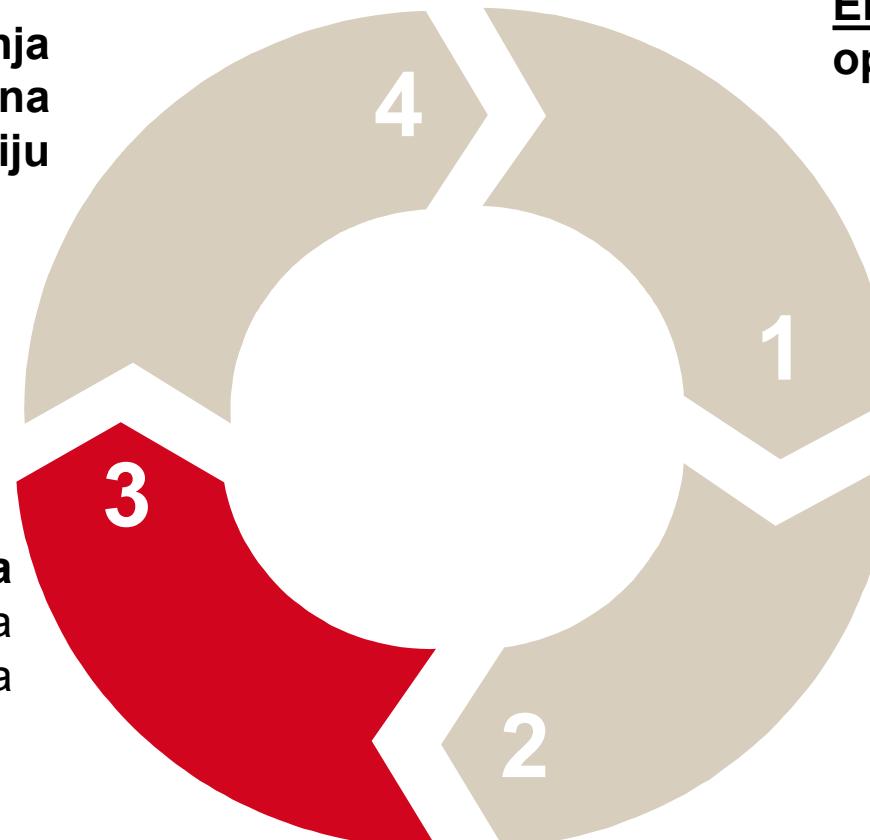
U PROFIS ENGINEERING-u se proverava svaka
šipka armature i prikazuje max iskorišćena

PRORAČUN DODATNE ARMATURE – ZATEZANJE

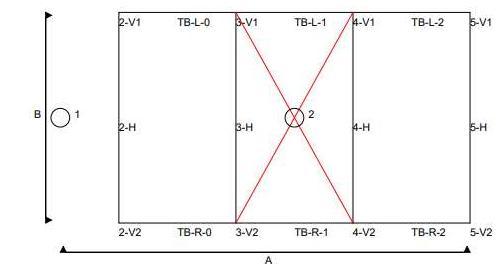
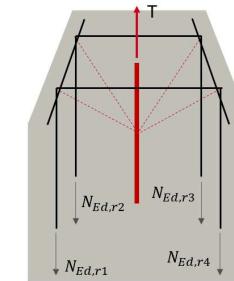
EN1992-1-1 prenos opterećenja
sa dodatne armature na
konstrukciju



EN1992-4 provera
armature: dužina
ankerisanja



EN1992-4 prenos
opterećenja na armaturu:



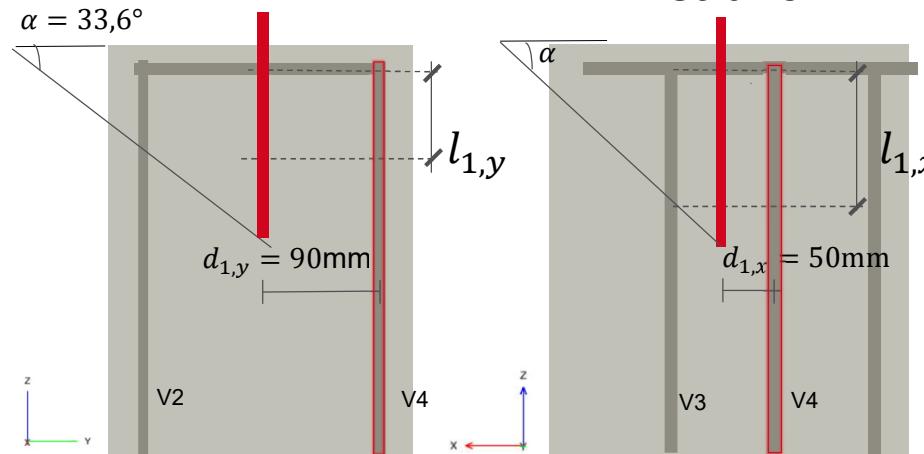
EN1992-4 provera
armature: presek

$$N_{Rk,re} = \sum_{i=1} A_{s,re,i} \cdot f_{yk,re}$$

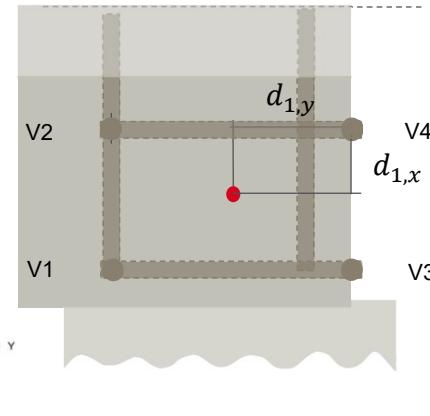


3) NOSIVOST ARMATURE – DUŽINA ANKERISANJA

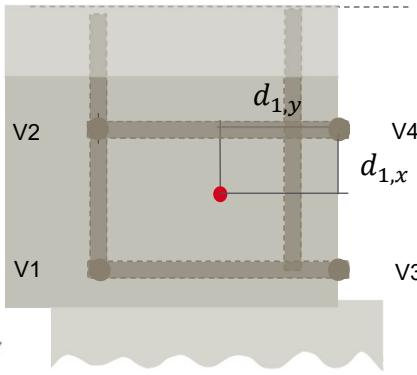
Pogled spreda



Pogled sa strane



Pogled odozgo



l_1 se može odrediti preko trigonometrije :

$$\alpha = \tan^{-1}(1/1.5) = 33.6^\circ \text{ (uvek)}$$

$$l_{1,x} = h_{ef} - c_{top} - d_1 \tan \alpha = 248mm \geq 4\phi$$

$$l_{1,y} = h_{ef} - c_{top} - d_1 \tan \alpha = 222 mm \geq 4\phi$$

$$N_{Rd,a,x} = \frac{l_1 \pi \phi f_{bd}}{\alpha_1 \alpha_2} = \frac{248 \cdot \pi \cdot 10 \cdot 3.04}{1 \cdot 0.7} = 43.9kN$$

$$N_{Rd,a,y} = \frac{l_1 \pi \phi f_{bd}}{\alpha_1 \alpha_2} = \frac{222 \cdot \pi \cdot 10 \cdot 3.04}{1 \cdot 0.7} = 30.3kN$$

Note: Što je armatura udaljenja od ankera: manje je l_1 , manja je i nosivost ankera !

$$N_{Rd,a} = \sum_{i=1}^{n_{re}} N_{Rd,a,i}^0$$

where

$$N_{Rd,a,i}^0 = \frac{l_1 \cdot \pi \cdot \phi \cdot f_{bd}}{\alpha_1 \cdot \alpha_2} \leq A_{s,re} \cdot f_{yk,re} \cdot \frac{1}{\gamma_{Ms,re}}$$

Iz tabele 8.2 $\alpha_1 = 1$ $\alpha_2 = 0.7$

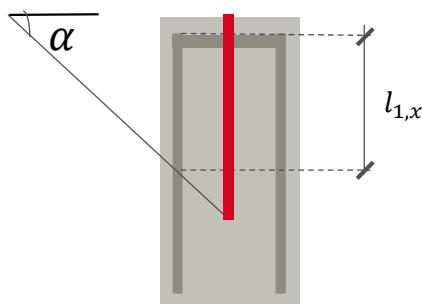
Table 8.2: Values of α_1 , α_2 , α_3 , α_4 and α_5 coefficients

Influencing factor	Type of anchorage	Reinforcement bar
		In tension
Shape of bars	Straight	$\alpha_1 = 1,0$
	Other than straight (see Figure 8.1 (b), (c) and (d))	$\alpha_1 = 0,7$ if $c_d > 3\phi$ otherwise $\alpha_1 = 1,0$ (see Figure 8.3 for values of c_d)
Concrete cover	Straight	$\alpha_2 = 1 - 0,15(c_d - \phi)/\phi$ $\geq 0,7$ $\leq 1,0$
	Other than straight (see Figure 8.1 (b), (c) and (d))	$\alpha_2 = 1 - 0,15(c_d - 3\phi)/\phi$ $\geq 0,7$ $\leq 1,0$ (see Figure 8.3 for values of c_d)
Confinement hu		

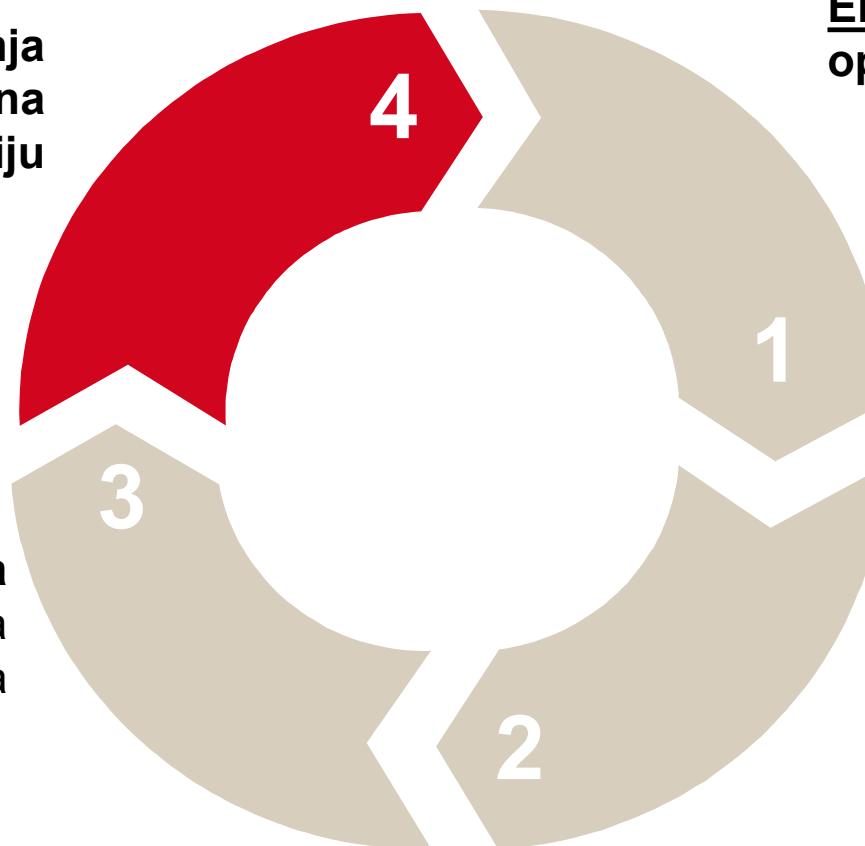
U PROFIS
Engineering-u je svaka armatura proverena, i prikazana je najveća iskorišćenost .

PRORAČUN DODATNE ARMATURE – ZATEZANJE

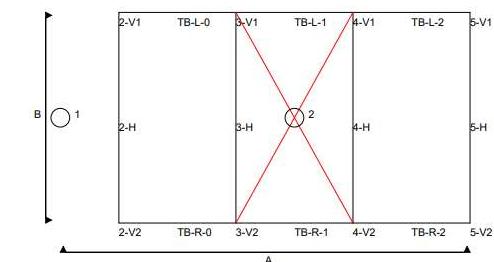
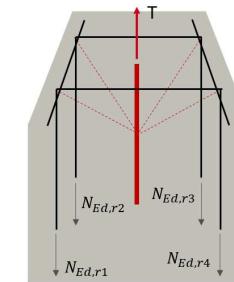
EN1992-1-1 prenos opterećenja
sa dodatne armature na
konstrukciju



EN1992-4 provera
armature: dužina
ankerisanja



EN1992-4 prenos
opterećenja na armaturu:



EN1992-4 provera
armature: presek

$$N_{Rk,re} = \sum_{i=1}^{n_{re}} A_{s,re,i} \cdot f_{yk,re}$$



4) PRENOS OPTEREĆENJA SA DODATNE ARMATURE NA KONSTRUKCIJU

Evrokod 2-4 proračunava dodatnu armaturu koja sprečava lom betona. **Prenošenjem opterećenja na armaturu stvaraju se dodatni naponi koji se moraju rasporediti.**

Evrokod 2-1-1 definiše prenos uticaja iz armature na beton.

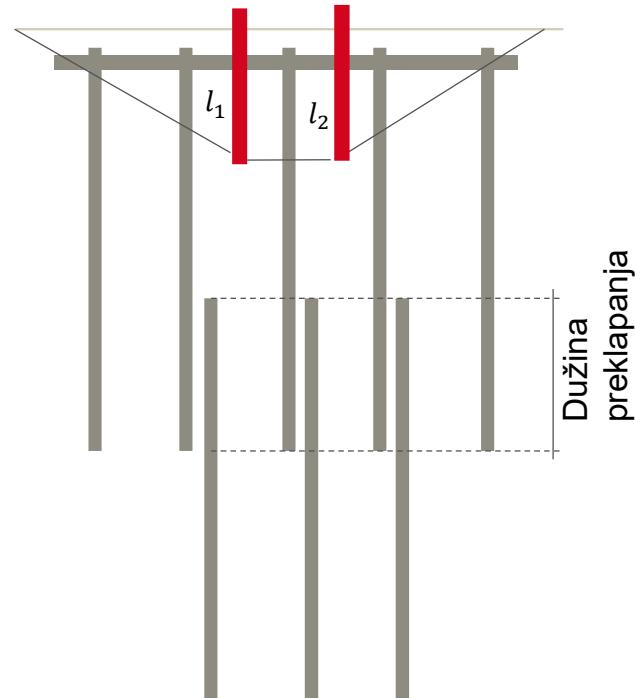
PROFIS Engineering daje potrebnu dužinu preklapanja samo kao predlog, odluku donosi inženjer:

Splice length outside of the assumed failure cone

$$l_0 = \alpha_1 \cdot \alpha_6 \cdot l_b = \alpha_1 \cdot \alpha_6 \cdot \frac{d_{s,re}}{4} \cdot \frac{f_{yk,re}}{\gamma_{Ms,re} \cdot f_{bd}} \cdot \frac{\sigma_s}{f_{yk,re}} \text{ (Eurocode 2-1-1)}$$

$$l_{0,min} = \max(0.3 \cdot \alpha_6 \cdot l_{b,rqd}, 15 \cdot d_{s,re}, 200.0 \text{ mm})$$

$$l_{b,rqd} = \frac{d_{s,re}}{4} \cdot \frac{f_{yk,re}}{\gamma_{Ms,re} \cdot f_{bd}}$$



VAŽNO:

Ako ne postoji dužina armature za prenos opterećenja, na kraju armature bi došlo do loma po betonu. PROFIS to ne može da proveri, jer bi u tom slučaju bilo potrebno modelovati celu konstrukciju.

AGENDA

Uvod

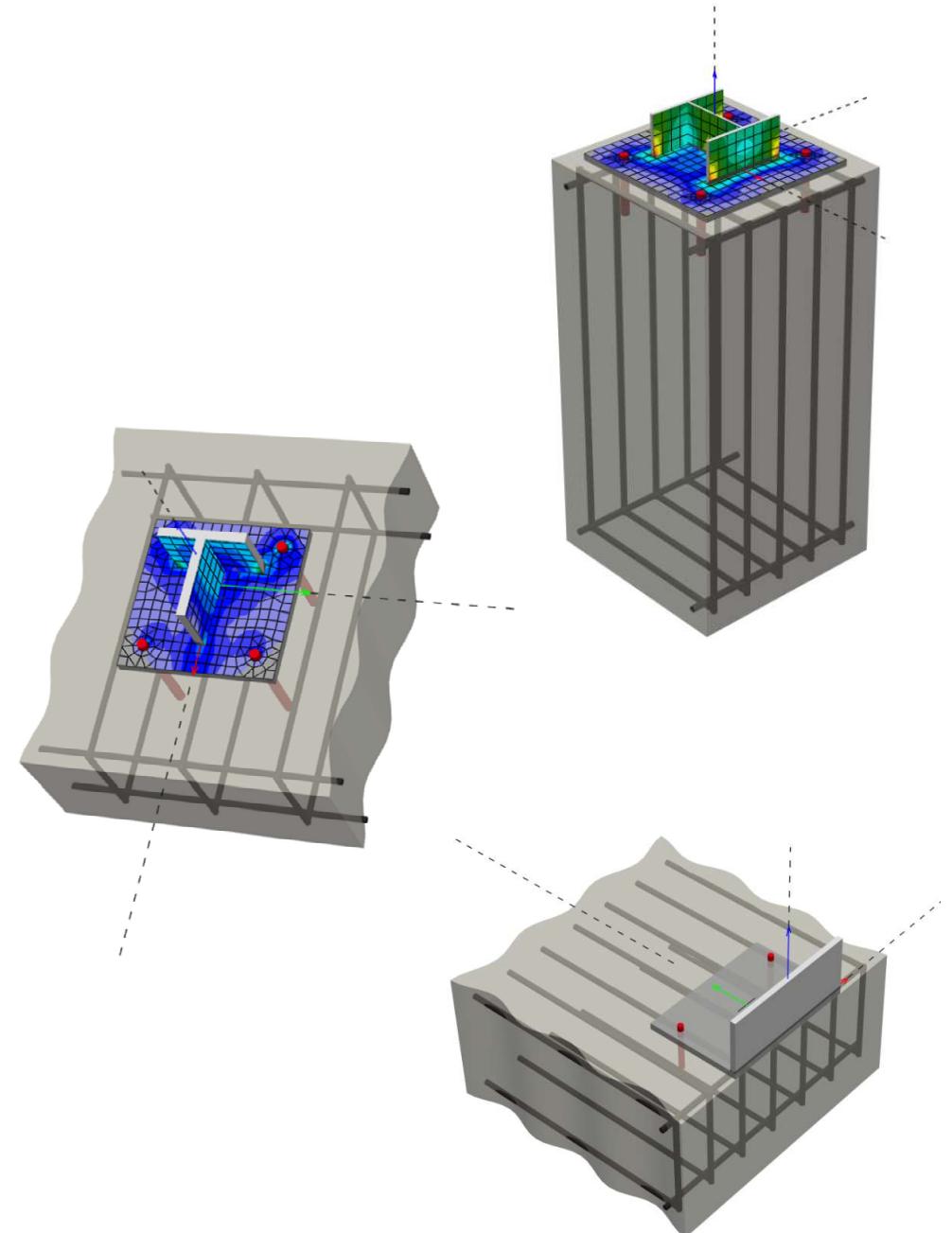
Eurocode 2-4/2019 regulativa

Osnovni principi proračuna

Koraci proračuna

Primeri

Vaša pitanja



PRIMER 1 – ZATEZANJE / ČUPANJE

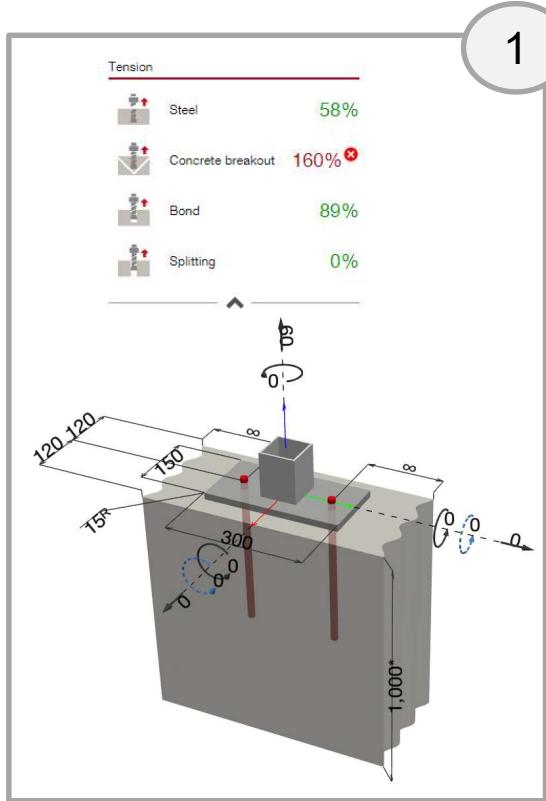
Karakteristike:

- Klasa betona: C30/37
- Beton širina: 240 mm
- Ankerna ploča: 300x150mm
- N = 60kN
- Rastojanje od ivice y: ∞
- Rastojanje u y pravcu : 200mm
- Rastojanje od ivice x: 120mm

Type: HIT-RE 500 V3 + HAS-U 5.8

Size: M16

Embedment depth h_ef: 320 mm



PRIMER 1 – ZATEZANJE / ČUPANJE

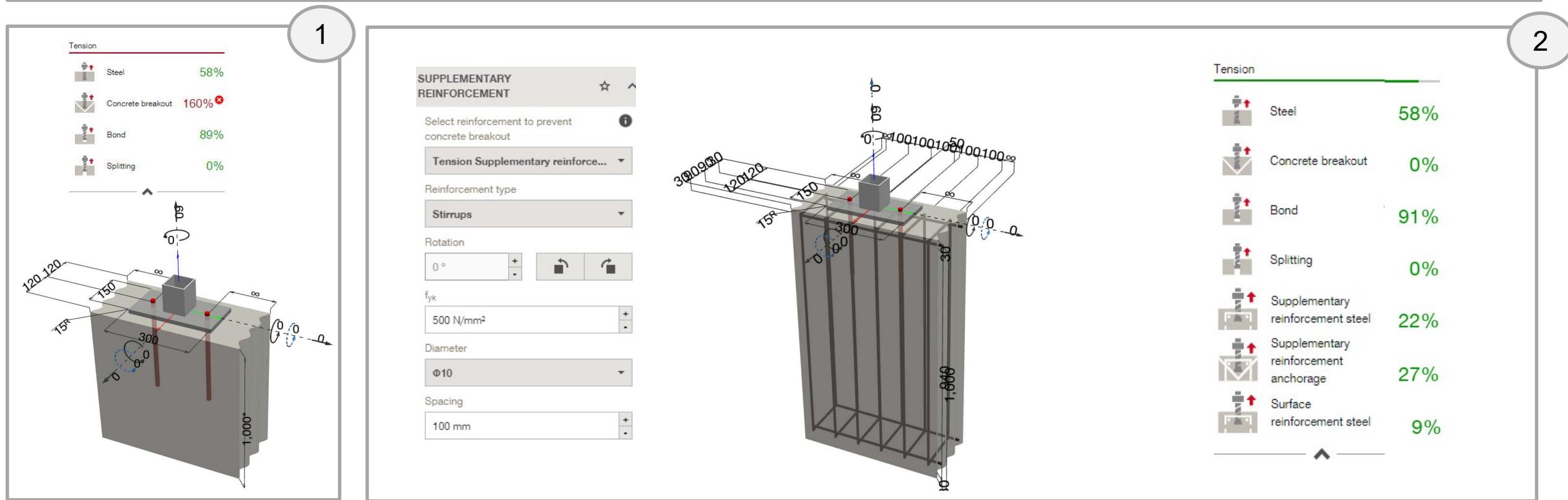
Karakteristike:

- Klasa betona: C30/37
- Beton širina: 240 mm
- Ankerna ploča: 300x150mm
- N = 60kN
- Rastojanje od ivice y: ∞
- Rastojanje u y pravcu : 200mm
- Rastojanje od ivice x: 120mm

Type: HIT-RE 500 V3 + HAS-U 5.8

Size: M16

Embedment depth h_ef: 320 mm



DODATNA ARMATURA NEĆE BITI UZETA U OBZIR UKOLIKO:

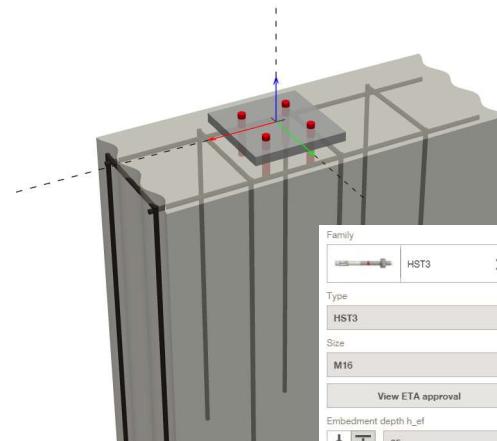
Armatura udaljena više od $0.75h_{ef}$



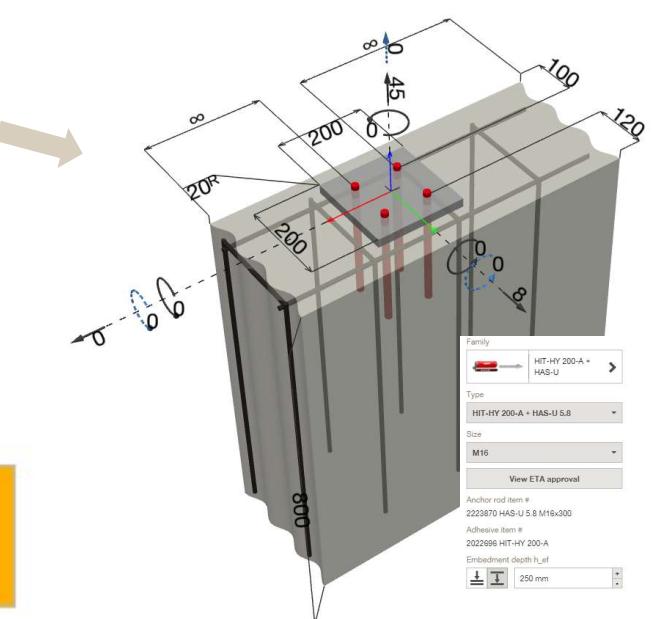
The anchorage length inside the concrete cone breakout body is insufficient. A minimum length of 40 mm is required.

Pomeriti ojačanje bliže ankeru

Armatura udaljena više od $0.75h_{ef}$



⚠ Four rebars left and right of the anchor group within $0.75h_{ef}$ are needed.



Izabrati anker sa većom h_{ef}

PRIMER 2 – SMICANJE

DESIGN PARAMETER:

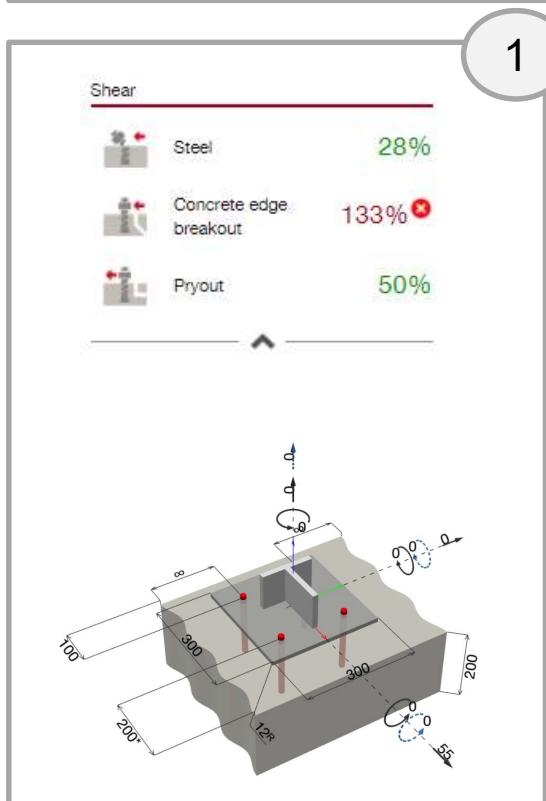
- Klasa betona: C25/30
- Greda: 200x600mm
- Ankerna ploča: 300x300mm
- Ved=55kN

- Udaljenje od ivice x: ∞
- Rastojanje x: 200mm
- Udaljenje od ivice y: 200mm
- Rastojanje y: 200mm

Type: HIT-HY 200-A + HAS-U 8.8

Embedment depth h_{ef} : 164 mm

Size: M16

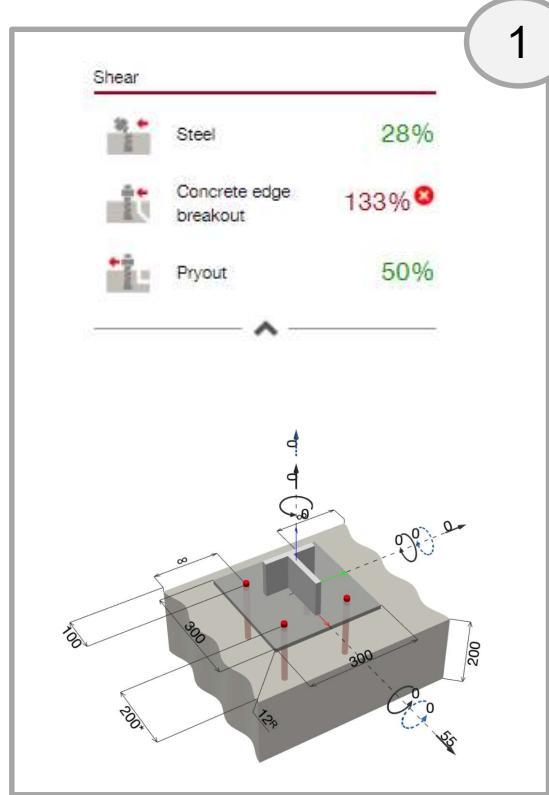
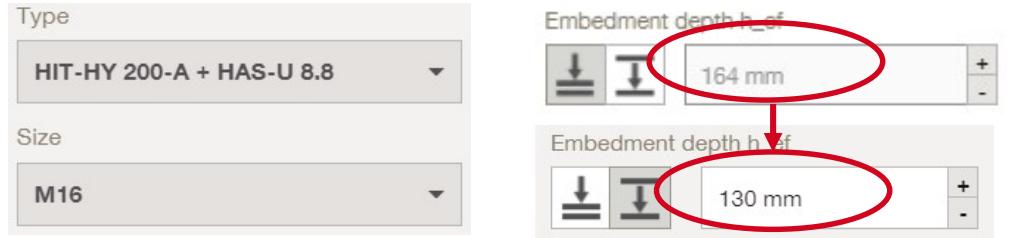


PRIMER 2 – SMICANJE

DESIGN PARAMETER:

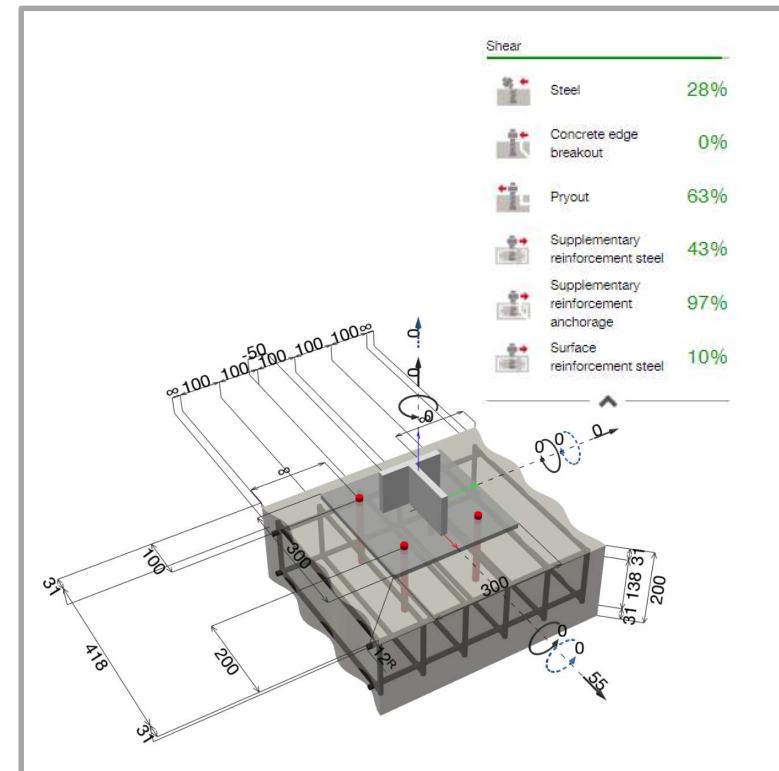
- Klasa betona: C25/30
- Greda: 200x600mm
- Ankerna ploča: 300x300mm
- Ved=55kN

- Udaljenje od ivice x: ∞
- Rastojanje x: 200mm
- Udaljenje od ivice y: 200mm
- Rastojanje y: 200mm



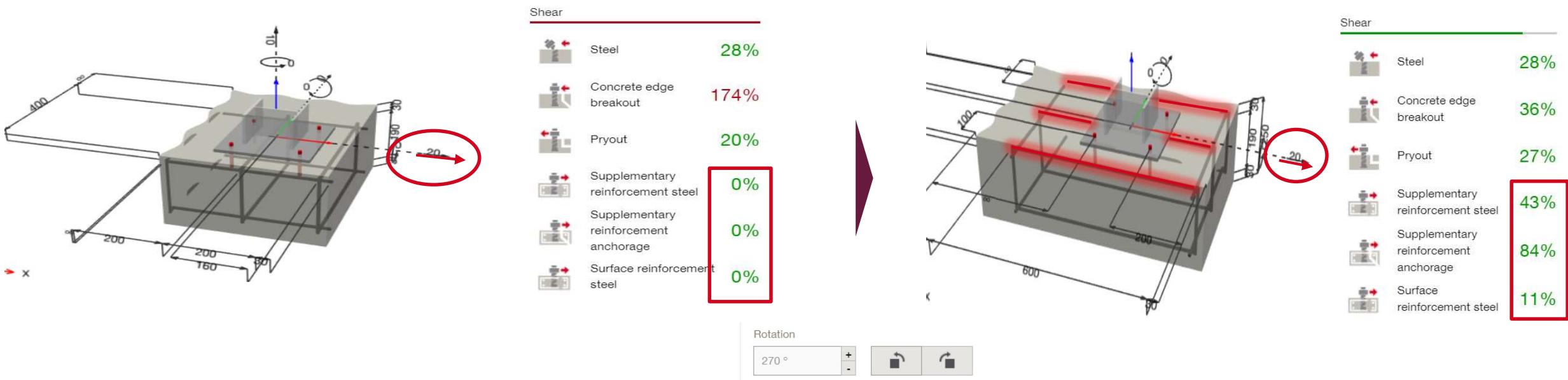
DODATNA ARMATURA.

- Tip: Uzengije
- Prečnik: 12mm
- Razmak: 100mm
- Iskorišćenost armature: 0%
- Tolerancija: 0mm
- Smer betoniranja: Z+
- Offset: 50mm
- C-ivica: 25mm
- C-gornja pov.: 25mm

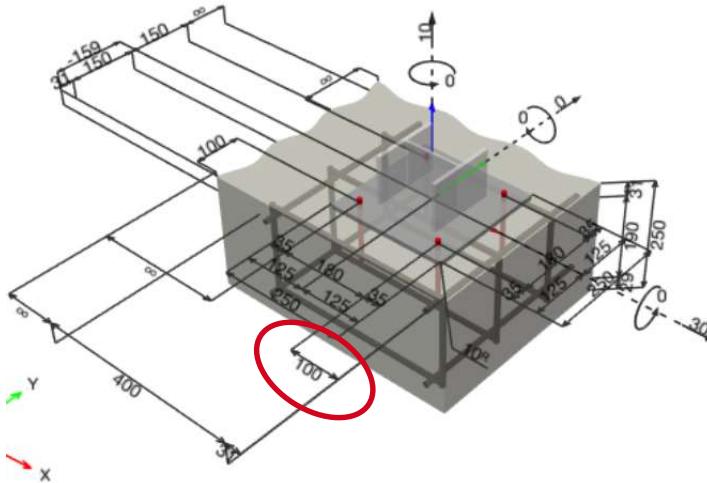


SLUČAJEVI KADA PROFIS NE RADI PRORAČUN ZA DODATNU ARMATURU

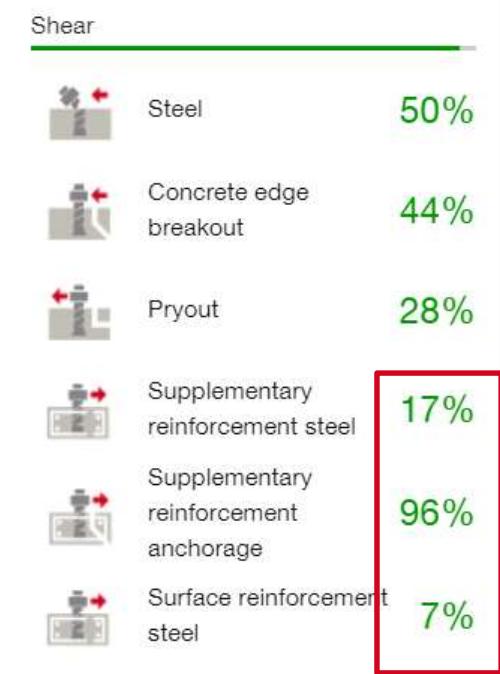
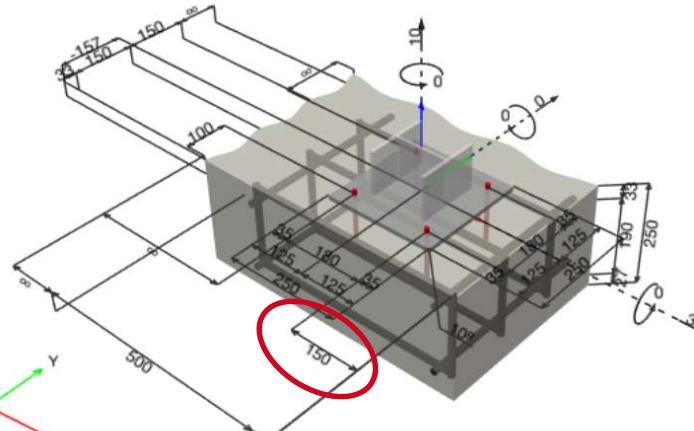
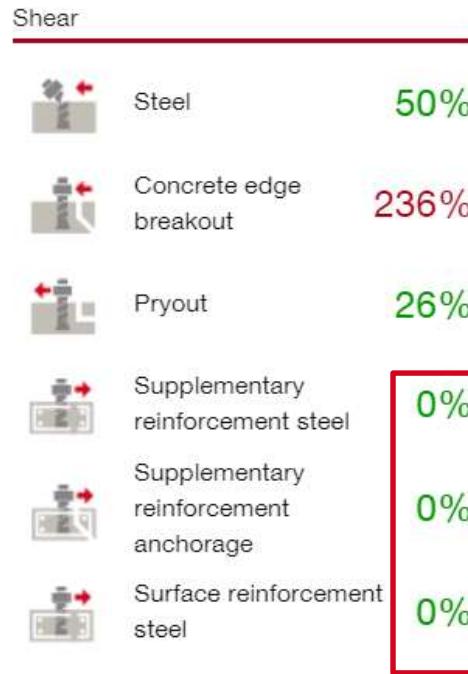
Primer:



SLUČAJEVI KADA PROFIS NE RADI PRORAČUN ZA DODATNU ARMATURU



$$l_1 = c_1 - c_{edge} - d_1 \tan \alpha \geq 4\phi$$



Prevelik razmak između ankera i armature ili premali razmak između ankera i ivice

Min. Prava šipka $l_1 \leq 10\phi$
Min Uzengija $l_1 \leq 4\phi$

**Rešenje 1: Povećati dubinu ankerisanja i/ili smanjiti rastojanje između ankera i armature
Rešenje 2: Udaljiti ankere od ivice**

AGENDA

Introduction

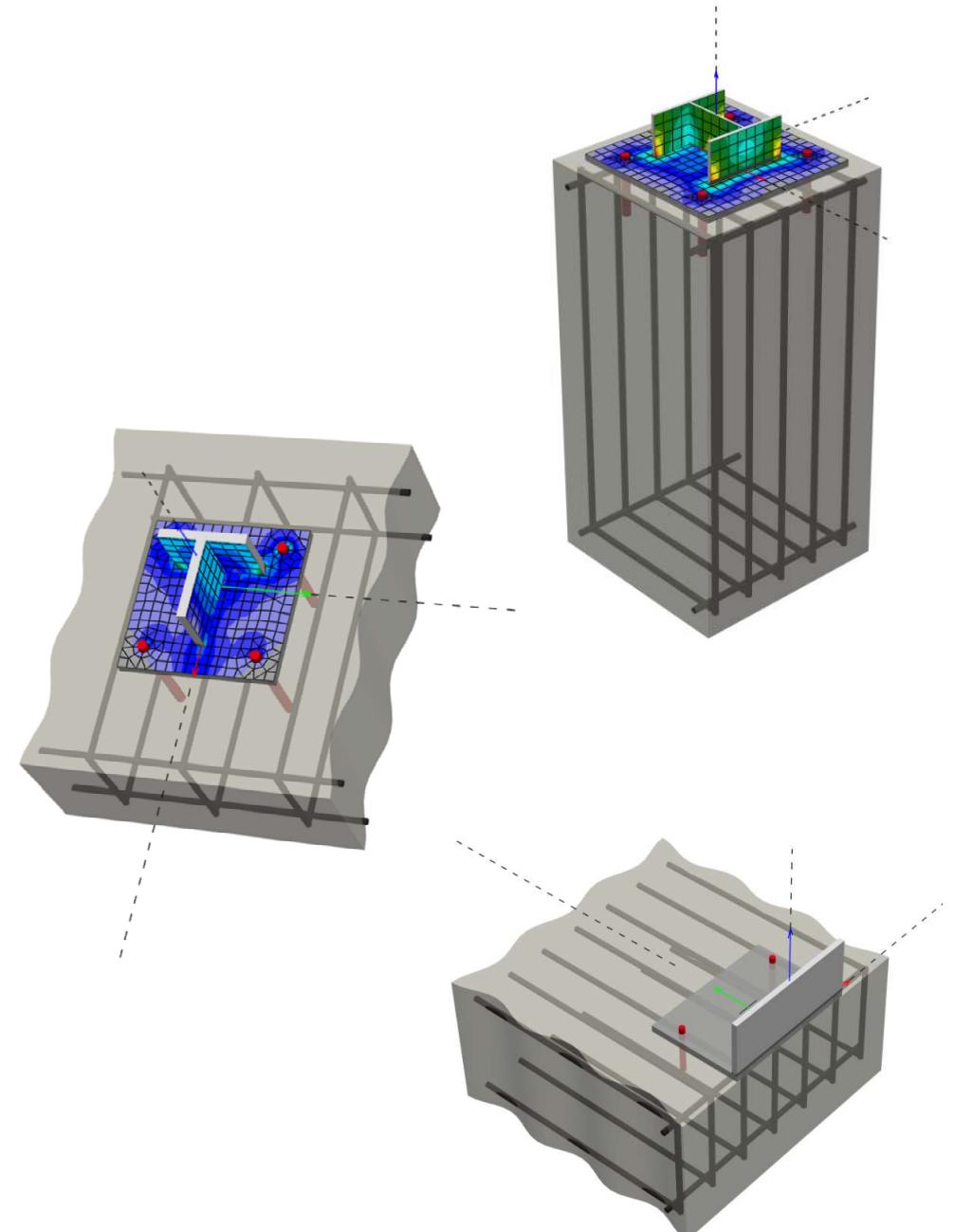
Eurocode 2-4/2019 regulatory

Calculation principles

Design examples

Software demo

Vaša pitanja





C hilti.rs/#nav/nav-support

PRIJAVI SE ILI SE REGISTRUJ KORPA ZA KUPOVINU [0] KONTAKTIRAJTE NAS



PROIZVODI

POSLOVNO REŠENJE

PODRŠKA I PREUZIMANJE

KOMPANIJA

KARIJERA

Podrška i preuzimanje

Podrška

[Hilti popravka alata >](#)

[Usluge kalibracije i merenja >](#)

Preuzimanje

Sertifikati proizvoda, usklađenosti i kvaliteta >

Servis

[Usluge dostave >](#)

[Prodajne usluge >](#)

Usluge inzenjera

[Onsite Testing >](#)

[Usluge tehničke podrške za kupce >](#)

Eurokod 2 Dizajniranje pričvršćivanja na betonu >

[Vebinari >](#)

[Hiltijevi softveri i aplikacije >](#)

KONTAKT

bojan.ristanovic@hilti.com

www.hilti.rs



HVALA

